

УДК 519.71

И.К. Асмыкович, доц., канд. физ.-мат. наук (БГТУ, г. Минск)

### О НЕКОТОРЫХ ПРЕОБРАЗОВАНИЯХ ДЕСКРИПТОРНЫХ СИСТЕМ

В качественной теории управления динамическими системами в последние десятилетия большой популярностью пользуются линейные дескрипторные системы. Как и для обыкновенных систем при решении задач управления для дескрипторных систем широко используется их приведение к каноническим формам. Пусть объект управления описывается дескрипторной системой

$$S\dot{x}(t) = Ax(t) + Bu(t) \quad (1)$$

с условием регулярности  $\det[\lambda I - A] \neq 0$  и выходом

$$y(t) = Cx(t) \quad (2)$$

Условие регулярности обеспечивает существование и единственность решения системы (1) при специальных условиях на управляющую последовательность  $u(t)$ .

Пусть система является скалярной, т.е.  $B = b$ ,  $C = c$ . Используя приведение регулярного пучка  $\lambda S - A$  к канонической форме Вейерштрасса, можно привести систему (1-2) к виду

$$x_v(t) = S_1 \dot{x}_v(t) + S_2 x_w(t) + b_1 u(t) \quad (3)$$

$$N x_w(t) = S_3 \dot{x}_w(t) + S_4 x_w(t) + b_2 u(t) \quad (4)$$

$$y(t) = c_1 x_v(t) + c_2 x_w(t), \quad (5)$$

который называется первой эквивалентной канонической формой.

Если использовать выделение в матрице  $S$  главного минора с порядком равным рангу этой матрицы, то получим вторую каноническую форму.

При использовании условия регулярности получается третья эквивалентная каноническая форма.

Для решения задач наблюдения и нулевой динамики [1] систему приводят к аналогу следующего вида.

$$\dot{x}' = A' x' + B' u \quad (6)$$

$$\dot{y}_{r-} = A_{r-} y_{r-} + B_{r-} u \quad (7)$$

Аналогичные формы можно использовать для дескрипторных систем с запаздыванием.

### ЛИТЕРАТУРА

1 Коровин, С.К. Наблюдатели состояния для линейных систем с неопределенностью / С.К. Коровин, В.В. Фомичев М. ФИЗМАТЛИТ, 2007.–224с.