

В.В. Игнатенко, доц., канд. физ.-мат. наук  
(БГТУ, г. Минск),

В.В. Крахотко, доц., канд. физ.-мат. наук,

Г.П. Размыслович, доц., канд. физ.-мат. наук,  
(БГУ, г. Минск)

## К УПРАВЛЯЕМОСТИ ДИСКРЕТНЫХ ДЕСКРИПТОРНЫХ СИСТЕМ С ЗАПАЗДЫВАНИЕМ

Рассмотрим дискретную систему с запаздыванием по состоянию

$$A_0 x(t+1) = Ax(t-h) + Bu(t), t = 0, 1, 2, \dots \quad (1)$$

с начальными условиями

$$x(\cdot) = \{x(\tau) = q_\tau, \tau = -h, -h+1, \dots, 0\}, \quad (2)$$

где  $x - n$  – вектор,  $u - r$  – вектор (управление),  $A_0, A, B$  – постоянные матрицы соответствующих размеров,  $h (h > 1)$  – натуральное число (запаздывание),  $q_i = \overline{-h, 0}$  – заданный  $n$  – вектор.

При  $\det A_0 \neq 0$  система (1), (2) исследовалась в работе [1]. Поэтому будем считать, что  $\det A_0 = 0$  и пучок матриц  $\lambda A_0 - A$  является регулярным т.е. найдется  $\lambda \in \mathbb{C}$  что,  $\det (\lambda A_0 - A) \neq 0$ . В силу этого, без ограничения общности, можно считать, что для матриц системы (1) выполняются условия  $A_0 A = A A_0, \ker A_0 \cap \ker A = \{0\}$ .

**Определение 1.** Систему (1) назовем условно управляемой, если для любых начального условия  $x_0(\cdot) \in \Omega$  и  $c \in R^n$  существуют момент времени  $t_1 > (k_0 - 1)h$  и

Управление  $u(t), t = (k_0 - 1)h + 1, (k_0 - 1)h + 2, \dots < t_1 + (k_0 - 1)h$  такие, что решение системы удовлетворяет условию  $x(t_1) = c$ .

**Определение 2.** Систему (1) назовем управляемой из нуля, если для любых  $z_\tau, c \in R^n$  существуют момент времени  $t_1 < +\infty$  и управление  $u(t), t = 0, 1, \dots, t_1 + (k_0 - 1)h$  такие, что решение системы удовлетворяет условиям  $x(\tau) = 0$  для  $\tau = -h$  и  $x(t_1) = c$ .

Здесь  $\Omega$  множество допустимых начальных состояний системы (1),  $X_s^1, X_{-j}^2$  – решения соответствующих определяющих уравнений.

**Теорема 1.** Для условной управляемости системы (1) необходимо и достаточно, чтобы

$$\text{rank} \{X_s^1, s = 1, 2, \dots, d_{t_1} - d_{k_0 h + 1}; X_{-j}^2, j = 0, 1, \dots, k_0 - 1\} = n.$$

**Теорема 2.** Система (1) управляема из нуля тогда и только тогда, когда выполняются условия

$$\text{rank} \{X_{-j}^2, j = 0, 1, \dots, k_0 - 1\} = \text{rank} \{X_{-j}^2, j = 0, 1, \dots, k_0 - 1; X_h^0\},$$

$$\text{rank} \{X_s^1, s = 1, 2, \dots, d_{t_1} - d_{k_0 h + 1}; X_{-j}^2, j = 0, 1, \dots, k_0 - 1\} = n.$$

### ЛИТЕРАТУРА

1. Габасов Р.Ф., Кириллова Ф.М., Крахотко В.В., Минюк С.А. // Диф. уравнения. 1972, Т.8, №5,6,7. С.767,1081,1283.