

УДК 517.935.2

В. М. Марченко, проф., д-р физ.-мат. наук (БГТУ, г. Минск)

**ЗАДАЧИ НАБЛЮДАЕМОСТИ  
ДЛЯ ДИСКРЕТНО-НЕПРЕРЫВНЫХ СИСТЕМ  
НА ОСНОВЕ МЕТОДА ПРОСТРАНСТВА СОСТОЯНИЙ**

Рассмотрим гибридную дискретно-непрерывную наблюдаемую систему

$$\dot{x}_1(t) = \dots + \dots \in \dots + \dots \quad (1)$$

$$x_2(kh + \dots) = \dots + \dots \quad (2)$$

с начальными условиями

$$x_1(0) == \dots = \dots \quad (3)$$

и выходом

$$y(kh) = \dots + \dots \quad (4)$$

где  $x(t) \in \mathbb{R}$ ,  $y(kh) \in \mathbb{R}$ ,  $y(kh) \in \mathbb{R}$ ,  $t \geq$ ,  $k =$ , и  $A_{11}, A_{12}, A_{21}, A_{22}, B$  – постоянные матрицы соответствующих размеров.

Как вытекает из (1), (2) информация (3) о начальных данных избыточна для однозначного восстановления движения системы в будущем. Вместо (3), очевидно, достаточно положить

$$x_1(0) == \dots \begin{pmatrix} \lceil & \rceil \\ \lfloor & \rfloor \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \lceil & \rceil \\ \lfloor & \rfloor \end{pmatrix} \dots \quad (3)$$

Поэтому пару  $\left( \begin{pmatrix} \lceil & \rceil \\ \lfloor & \rfloor \end{pmatrix} \right)$  будем называть минимальным начальным состоянием системы (1), (2). Аналогично можно ввести понятие минимального текущего состояний системы (1), (2).

Тогда наблюдаемость системы (1), (2) рассматривается по аналогии с требованием инъективности выходных отображений в калмановской теории систем как различения (абстрактная наблюдаемость) или восстановления с помощью линейных операций над выходными функциями минимальных состояний, породивших эти функции.