

УДК 517.977

И.М. Борковская, доц., канд. физ.-мат. наук
(БГТУ, г. Минск)

К ВОПРОСУ СТАБИЛИЗАЦИИ ГИБРИДНЫХ ДИСКРЕТНО-НЕПРЕРЫВНЫХ СИСТЕМ ДИСКРЕТНЫМ РЕГУЛЯТОРОМ

В докладе исследуется проблема стабилизации гибридных дискретно-непрерывных линейных стационарных систем при воздействии линейной обратной связи в виде дискретных регуляторов.

Рассмотрим объект управления, описываемый следующей дискретно-непрерывной системой:

$$\dot{x}(t) = A_{11}x(t) + A_{12}y(kh) + B_1u(kh) \quad (1)$$

$$y(kh) = A_{21}x(t) + A_{22}y(kh) + B_2u(kh) \quad (2)$$

где $k = 0, 1, 2, \dots$, $x(t) \in \mathbb{R}^n$, $y(kh) \in \mathbb{R}^m$, $u(kh) \in \mathbb{R}^r$ и $A_{11}, A_{12}, A_{21}, A_{22}, B_1, B_2$ – постоянные матрицы соответствующих размеров.

Присоединим к системе (1), (2) линейную обратную связь вида

$$u(kh) = Q_1x(t) + Q_2y(kh) \quad (3)$$

где Q_1 и Q_2 – постоянные матрицы размеров $r \times n$ и $r \times m$ соответственно.

Система (1), (2), (3) называется стабилизируемой, если найдется линейная обратная связь вида (3), т.е. найдутся матрицы Q_1 и Q_2 , при которых система (1), (2), замкнутая регулятором (3), является асимптотически устойчивой.

Задача состоит в нахождении параметрических условий стабилизируемости системы (1),(2) регулятором (3). Исследование разрешимости задачи стабилизации осуществляется путем сведения ее к соответствующей задаче для дискретной системы.

Введем обозначения

$$\Sigma = \begin{bmatrix} A_{11} & A_{12} & B_1 \\ A_{21} & A_{22} & B_2 \end{bmatrix}, \quad \Delta = \begin{bmatrix} I & 0 \\ 0 & I \end{bmatrix}$$

Теорема. Система (1), (2) является стабилизируемой дискретным регулятором (3) тогда и только тогда, когда

$$\text{rank}[\lambda I - \Sigma \Delta] = n + m$$

для всех комплексных чисел λ таких, что $|\lambda| \geq 1$.