дительности увеличивается и потребляемая мощность. Потребляемая мощность зависит и от угла наклона пластин классификатора. Наибольшая потребляемая мельницей мощность соответствует углу наклона пластин классификатора 15°. Это объясняется тем, что при более высоком аэродинамическом сопротивлении классификатора значительная часть продукта возвращается на повторный помол, а следовательно, увеличивается и мощность, потребляемая мельницей.

ЛИТЕРАТУРА

- 1. Андреев С. Е., Перов В. А., Зверев Н. И. Дробление, измельчение и грохочение полезных ископаемых. М.:Недра, 1980.
- 2. Сиденко П. М. Измельчение в химической промышленности. М.: Химия, 1977.
- 3. Левданский Э. И., Левданский А. Э. Энергосбережение при измельчении материалов. – Мн.:БГТУ, 1999.
- 4. Левданский Э. И., Левданский А. Э, Гарабажиу А. А. Энергосберегающие роторно-центробежные мельницы для измельчения сыпучих и кусковых материалов // Ресурсо- и энергосберегающие технологии в химической и нефтехимической промышленности: Материалы Междунар. науч.-техн. конф., 27-28 окт. 1998 г. / Минист. образ. Респ. Беларусь. Концерн «БЕЛНЕФТЕХИМ». Белорус. хим. общество. Белорус. гос. технолог. ун-т. — Мн.: БГТУ, 1998. — С. 36 – 38.

УДК 66.048.375

В.Н.Павлечко, доцент; И.М.Плехов, профессор

О ДВИЖУЩЕЙ СИЛЕ В ПРОЦЕССАХ РЕКТИФИКАЦИИ

Relation for the average moving force of distillation process for straigh-through, countercurrent and cross liquid and gas phase movement are presented. The analysis of the obtained results is carried out.

Движущая сила массопередачи имеет большое значение для оценки влияния технологических и конструктивных параметров ректификационных тарелок, а также для понимания физической сущности протекающих процессов.

В [1] движущая сила на входе тарелки представлена величиной $(y_n^* - y_{n-1}^*)$, а на выходе тарелки $-\left[\frac{mV}{L}(y_n^* - y_{n-1}^*)\right]$ (рис. 1). Средняя движущая сила на тарелке может быть представлена как

 $\Delta y_{cp} = \frac{\left(1 - \frac{mV}{L}\right)(y_n^* - y_{n-1}^*)}{\ln\frac{L}{mV}}$ (1)



Рис. 1. Схема изменения концентраций на идеальной тарелке

Такое выражение движущей силы не учитывает особенностей относительного движения взаимодействующих фаз, наиболее характерными из которых являются прямоточное, противоточное и перекрестное. Кроме того, движущая сила на стороне выхода паровой фазы, находящейся в равновесии с уходящей жидкостью при прямотоке или с поступающей жидкостью при противотоке, отличается от нулевого значения, что не совсем логично.

При прямоточном движении фаз (рис. 2 *a*) или при полном перемешивании жидкости на реальной тарелке движущая сила на входе определяется разностью концентраций легколетучего компонента в поступающих жидкостях и паровой фазе:

$$\Delta y_{\prod ex} = mx_n - y_{n-1},$$

а на выходе – в уходящих фазах

$$\Delta y_{\Pi e b i x} = m x_{n-1} - y_n.$$

Тогда средняя движущая сила равна

$$\Delta y_{\Pi cp} = \frac{m(x_n - x_{n-1}) + (y_n - y_{n-1})}{\ln \frac{mx_n - y_{n-1}}{mx_{n-1} - y_n}},$$

а с учетом уравнения рабочей прямой

 $\Delta y_{Gex} = mx_{n-1} - y_{n-1},$

$$\Delta y_{\Pi cp} = \frac{\left(1 + \frac{mV}{L}\right)(y_n - y_{n-1})}{\ln \frac{mx_n - y_{n-1}}{mx_{n-1} - y_n}}.$$
 (2)

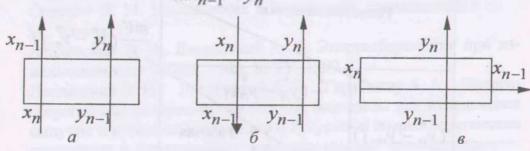


Рис. 2. Основные схемы взаимодействия потоков фаз: a – прямоток; b – перекрестный ток

Для противоточного движения пара и жидкости (рис. $2\ \delta$) выразим соотношение величин движущей силы относительно потока пара:

$$\Delta y_{Gebx} = mx_n - y_n;$$

$$\Delta y_{Gep} = \frac{y_n - y_{n-1} - m(x_n - x_{n-1})}{\ln \frac{mx_{n-1} - y_{n-1}}{mx_n - y_n}} = \frac{\left(1 - \frac{mV}{L}\right)(y_n - y_{n-1})}{\ln \frac{mx_{n-1} - y_{n-1}}{mx_n - y_n}}.$$

 $mx_n - y_n$ $mx_n - y_n$ Для перекрестного движения фаз состав жидкости на тарелке принимаем равным среднеарифметическому ее значению входных и выходных концентраций [2-5]. Причем это значение примем одинаковым как со стороны входа пара, так и со стороны его выхода. Соот-

ветствующие величины движущей силы также выразим относительно потока пара:

$$\Delta y_{Kex} = \frac{m}{2} (x_n + x_{n-1}) - y_{n-1};$$

$$\Delta y_{Kebix} = \frac{m}{2} (x_n + x_{n-1}) - y_n;$$

$$\Delta y_{Kcp} = \frac{(y_n - y_{n-1})}{\ln \frac{m(x_n + x_{n-1}) - 2y_{n-1}}{m(x_n + x_{n-1}) - y_n}}.$$
(4)

В работах [6 – 8] выделены четыре варианта взаимосвязи идеальной и реальной тарелок. Первый вариант характеризуется равенством составов пара, поступающего на обе тарелки, и жидкости, стекающей с них. Подобные условия взаимосвязи имеют место в модели Мерфри [9, 10] при анализе эффективности в паровой фазе. Для этого варианта средние движущие силы для прямоточного, противоточного и перекрестного движения фаз в соответствии с (2) – (4) могут быть представлены выражениями:

$$\Delta y_{\Pi 1cp} = \frac{\left(1 + \frac{mV}{L}\right)(y_n - y_{n-1})}{\ln \frac{1 + \frac{mV}{L}E_{\Pi 1}}{1 - E_{\Pi 1}}};$$
 (5)

$$\Delta y_{G1cp} = \frac{\left(1 - \frac{mV}{L}\right)(y_n - y_{n-1})}{\ln\frac{1}{1 - E_{G1}}};$$
(6)

$$\Delta y_{K1cp} = \frac{(y_n - y_{n-1})}{\frac{2L}{mV} - 1 + E_{K1}}.$$

$$\ln \frac{\frac{2L}{mV} - 1}{(\frac{2L}{mV} - 1)(1 - E_{K1})}$$
(7)

Во втором варианте совпадают составы пара, выходящего из идеальной и реальной тарелок, и жидкости, поступающей на них, что характерно для модели Мерфри при анализе эффективности в жидкости [9, 10]. Для этого варианта при противотоке совпадают также эф-

фективности идеальной и реальной тарелок, равные единице, из-за чего движущая сила равна нулю. Для прямотока и перекрестного тока модифицированные формулы (2) и (4) примут вид

$$\Delta y_{\Pi 2cp} = \frac{\left(1 + \frac{mV}{L}\right)(y_n - y_{n-1})}{\ln \frac{1 + \frac{L}{mV}E_{\Pi 2}}{1 - E_{\Pi 2}}};$$
(8)

$$\Delta y_{K2cp} = \frac{(y_n - y_{n-1})}{\frac{2L}{mV} E_{K2} - 1 + E_{K2}}$$

$$1 - E_{K1}$$
(9)

Третий вариант характеризуется равенством составов пара и жидкости, поступающих на идеальную и действительную тарелки, что имеет место в модели Хаузена [10, 11]. Зависимости, соответствующие (2) – (4), могут быть представлены формулами

$$\Delta y_{\Pi 3cp} = \frac{\left(1 + \frac{mV}{L}\right)(y_n - y_{n-1})}{\ln\frac{1}{1 - E_{\Pi 3}}};$$
(10)

$$\Delta y_{G3cp} = \frac{\left(1 - \frac{mV}{L}\right)(y_n - y_{n-1})}{\ln \frac{1 - \frac{mV}{L}E_{G3}}{1 - E_{G3}}};$$
(11)

$$\Delta y_{K3cp} = \frac{(y_n - y_{n-1})}{\frac{2L}{mV} + 1 - E_{K3}}$$

$$\ln \frac{\frac{2L}{mV} + 1}{(\frac{2L}{mV} + 1)(1 - E_{K3})}$$
(12)

В четвертом варианте равны составы пара и жидкости, уходящих с идеальной и реальной тарелок, а также эффективности этих та-

релок, равные единице при прямоточном движении фаз, в связи с чем $\Delta y_{\Pi cp} = 0$. Средняя движущая сила для противотока и перекрестного тока в этом варианте в соответствии с (3) и (4)

$$\Delta y_{G4cp} = \frac{\left(1 - \frac{mV}{L}\right)(y_n - y_{n-1})}{1 - \frac{L}{mV}E_{G4}};$$

$$\ln \frac{1 - \frac{L}{mV}E_{G4}}{1 - E_{G4}};$$

$$\Delta y_{K4cp} = \frac{(y_n - y_{n-1})}{1 - E_{K4} - \frac{2L}{mV}E_{K4}}.$$
(14)

$$\Delta y_{K4cp} = \frac{(y_n - y_{n-1})}{1 - E_{K4} - \frac{2L}{mV} E_{K4}}.$$

$$\ln \frac{1 - E_{K4} - \frac{2L}{mV} E_{K4}}{1 - E_{K4}}.$$
(14)

Знаменатель (1 - E) чисел логарифмов выражений (5) - (14) показывает, что с приближением эффективности к единице средняя движущая сила стремится к нулю. Это обстоятельство больше соответствует действительности, поскольку покидающий идеальную тарелку пар находится в равновесии со стекающей жидкостью при прямотоке, с поступающей жидкостью при противотоке и со средним составом поступающей и стекающей жидкости при перекрестном токе. Следовательно, движущая сила по выходе пара из тарелки в условиях равновесия отсутствует. Вероятно, при приближении реальной тарелки к идеальной снижение движущей силы компенсируется, в основном, увеличением поверхности массообмена и лишь частично - повышением коэффициента массопередачи.

Из (5), (8) и (10) следует, что при прямотоке движущая сила при входе пара намного превосходит ее при выходе пара из тарелки уже при $E_{\Pi} > 0.5$, и это различие увеличивается с повышением эффективности. Подобный вывод можно сделать из (6) для противоточного движения фаз в первом варианте массообмена. Соотношение входной и выходной движущих сил в других вариантах противоточного движения фаз не так однозначно и зависит также от величины L/mV.

Анализ формул (5) и (6) показывает превышение средней движущей силы при прямотоке по сравнению с противотоком, т.к. снижение числителя в формуле (6) не компенсируется уменьшением знаменателя, тем более, что последний является логарифмом. Аналогичное соотношение движущих сил имеет место при сравнении зависимостей (10) и (11). Если учесть, что выходная движущая сила равна нулю при

противотоке во втором варианте, то при любом значении $\Delta y_{\Pi 2cp}$ оно будет больше Δy_{G2cp} . Вместе с тем $\Delta y_{\Pi 4cp} < \Delta y_{G4cp}$, поскольку входная движущая сила и собственно $\Delta y_{\Pi 4cp}$ равны нулю. Таким образом, значения средней движущей силы при прямотоке выше противоточного в первых трех и ниже — в четвертом варианте массообмена.

Обозначения

E - эффективность тарелки; L - молярный поток жидкости; m - коэффициент равновесия; V - молярный поток пара; x, y - концентрация легколетучего компонента соответственно в жидкости и паре. Индексы: вх, вых — входной и выходной участки тарелки относительно потока пара; G — противоток; K — перекрестный ток; n - номер рассматриваемой тарелки; n-1 - номер предыдущей тарелки по ходу движения пара; Π - прямоток; ср — среднее значение; * - равновесное состояние.

ЛИТЕРАТУРА

- 1. Кафаров В.В. Основы массопередачи. М.: Высшая школа, 1972. С. 226 236.
- 2. Onda K., Kobayashi O. // Kogaky kogaky. 1964. Vol. 28, N 10. P. 823 828.
- 3. Onda K., Sada E., Takahashi K., Mukhtar S.A. // A.I.Ch.E. J. 1971. Vol. 17, N 5. P. 1141 1152.
- 4. Onda K., Takeuchi H., Takahashi K. / J. Chem. Eng. Japan. 1972. Vol. 5, N 1. P. 13 19.
- 5. Onda K., Takeuchi H., Takahashi K., Matsuoka H. / J. Chem. Eng. Japan. 1974. Vol. 7, N 5. P. 387 388.
- 6. Павлечко В.Н. // Труды БГТУ. Сер. III. Химия и химическая технология. 1998. Вып. VI. С. 131 138.
- 7. Павлечко В.Н. // Труды БГТУ. Сер. III. Химия и химическая технология. 1998. Вып. VI. С. 138 144.
- 8. Павлечко В.Н. // ИФЖ. 1999. Т. 72, N 4. С. 765 771.
- 9. Murphree E.V. // Ind. Eng. Chem. 1925. Vol. 17, N 7. P. 747–750.
- Medina A.G., Ashton N., McDermott C. // Chem. Eng. Sci. 1979. Vol. 34, N 9. P. 1105–1112.
- 11. Hausen H. // Chem. Ing. Tech. 1953. Bd. 25, N 10. S. 595-597.