И. И. Наркевич, д-р физ.-мат. наук, проф.; А. А. Рогач, студ. (БГТУ, г. Минск)

СТАТИСТИКО-ВАРИАЦИОННЫЙ МЕТОД РАСЧЕТА ТЕРМОДИНАМИЧЕСКИХ И СТРУКТУРНЫХ ХАРАКТЕРИСТИК ГЕТЕРОГЕННОЙ СИСТЕМЫ: КРИСТАЛЛИЧЕСКАЯ НАНОЧАСТИЦА – ОДНОРОНАЯ ГАЗОВАЯ СРЕДА

Для решения задачи по комплексному описанию микро- и макроструктуры с целью определения термодинамических характеристик наночастиц используется ранее разработанная методика [1] решения система преобразованных интегральных и алгебраических уравнений для потенциалов средних сил метода условных распределений [2]. Эта система устанавливает связь между микроскопическими параметрами системы взаимодействующих частиц (атомов или молекул) и макроскопическими характеристиками кристаллических наночастиц, находящихся в равновесии с газообразной окружающей средой, т. е. в гетерогенной системе кристалл – газ при температуре ниже температуры тройной точки.

В случае сферической наночастицы поле плотности в межфазной области зависит только от радиуса r_p координационной сферы с номером p относительно центра наночастицы. Следовательно, нужно рассчитать радиальный профиль чисел заполнения $n(r_p)$, который для молекулярной системы аппроксимируем с помощью трехпараметрической функции, содержащей гиперболический тангенс [2], т. е.

$$n(r_{p}) = a - (a - n_{\infty}) \operatorname{th}(\kappa \,\Delta r_{p}). \tag{1}$$

Здесь *а* и к – вариационные параметры; параметр n_{∞} – определяет значения чисел заполнения для жидкой либо газовой среды, находящейся в равновесии с исследуемой кристаллической наночастицей; $\Delta r_p = r_p - r_{15}$; номер p = 15 соответствует границе кристаллической наночастицы. Значение радиуса наночастицы $r_{15} = 4,38$ приведено в единицах линейного параметра σ потенциала Леннард–Джонса. Например, для аргона $\sigma = 3,405$ Å, так что радиус наночастицы $r_{15} = 4,38 \cdot 3,705 = 14,9$ Å = 1,49 нм.

Формула (1) в виде гиперболического тангенса была ранее получена при статистическом описании профиля плотности на плоской границе раздела жидкость – газ. Поэтому в случае сферической поверхности раздела фаз параметры *а* и к рассматриваются в качестве вариационных параметров при решении вариационной задачи по отысканию минимума большого термодинамического потенциала $\Omega = F\{n_p\} - \mu \sum n_p$ наночастицы как функционала от искомого радиального профиля чисел заполнения n_p (p = 1, 2, ..., P) и двух вспомогательных профилей, которые описывают радиальное смещение узлов решетки кристаллической наночастицы (пространственная релаксация решетки) и изменение формы унарных функций в ячейках координационных сфер с номерами p.

В пакете Mathcad разработана компьютерная программа итерационно-вариационного расчета параметров радиального профиля, соответствующего минимуму большого термодинамического потенциала $\Omega\{n_p\}$.

Варьирование функционала $\Omega\{n_p\}$ выполнено численно для разных наборов значений параметров *a* и к. На рис. 1 приведены зависимости большого термодинамического потенциала Ω от вариационного параметра *a* при заданных разных значениях параметра к и температуре $\theta = 0.6$, которая соответствует фазовому переходу кристалл – газ со значением $n_{\infty} = 2 \cdot 10^{-5}$.

Из рис. 1 видно, что абсолютный минимум функционала $\Omega\{n_p\}$ реализуется при значении к в интервале от $\kappa = 4$ до $\kappa = 5$ и соответственно при параметре *a* в интервале от a = 0,07 до a = 0,08.



Рисунок 1 – Зависимости большого термодинамического потенциала Ω от вариационного параметра *а* при разных значениях параметра к и $\theta = 0.6$

На рис. 2 представлены результаты расчетов характеристик структуры сферической кристаллической молекулярной наночастицы, находящейся в равновесии с окружающей ее газовой средой при температуре $\theta = 0.6$. Полученные зависимости соответствуют минимуму функционала $\Omega\{n_p\}$, который имеет место при значениях $\kappa \approx 4,5$ и $a \approx 0,075$.



Из рисунок 2 видно, что в случае кристаллической наночастицы с числами заполнения $n \approx 0,999$ на ее границе образуется адсорбционный газообразный слой с повышенными значениями плотности (например, $n_{16} = 0,095$). При этом в объеме кристаллической наночастицы наблюдается постепенное увеличение среднеквадратичных отклонений σ_p от значения $\sigma_0 = 0,15$ в центре наночастицы до значения $\sigma_{15} = 0,36$ на ее границе. Одновременно с этим происходит сдвиг узлов решетки в радиальном направлении, который описывается зависимостью Δr_p (при p = 15 значение $\Delta r_{15} = 0,20$). В области адсорбционного слоя (p > 15) смещения уменьшаются, а при p > 22 они становятся отрицательными и затем постепенно приближаются к нулевым значениям, поскольку в расчетах использовалось граничное условие $\Delta r_{30} = 0$. На рис. 2 величина $q_p = \ln Q_p$, где Q_p – нормирующие множители унарных функций в ячейках, принадлежащих координационным сферам с номерами p.

ЛИТЕРАТУРА

1. Наркевич И. И., Фарафонтова Е. В., Кулеш А. А., Рогач А. А. Решение модифицированного интегрального уравнения для потенциалов средних сил и расчет параметров фазовых переходов в гетерогенных системах, содержащих кристаллические наночастицы // Труды БГТУ. Сер. 3, Физ.-мат. науки и информатика. Минск: БГТУ, 2020. № 2 (236). С. 48–56.

2. Ротт Л.А. Статистическая теория молекулярных систем. М.: Наука. 1979. 280 с.