

УДК 630.32

И.В.Турлай, доцент

К ВОПРОСУ ОБЕСПЕЧЕНИЯ СТАБИЛЬНОСТИ ЛЕСОПРОМЫШЛЕННЫХ СИСТЕМ

The equations for establishing of stable work of timber industrial system are suggested.

Любое лесопромышленное предприятие (ЛП) является системой, состоящей из необходимого числа объектов (цеха, участка, бригады, машины), поставки и получения материалов и т.д.. Работу ЛП будем считать стабильной, если для выбранного периода T количество продукции будет не менее планового или установленного по иным мотивам Q .

Количественными параметрами функционирования системы (ЛП) могут быть приняты вероятности работы или простоев объектов (ЛП), длительности рабочего и нерабочего состояний.

Рассмотрим систему (ЛП), состоящую из двух объектов (фаз), в которой продукция первого объекта (I) поступает ко второму (II), на котором производится окончательная продукция. Например, лесосечные работы - I, лесоскладские работы - II.

Между I и II возможно хранение промежуточного полуфабриката (дерева, хлысты, сортименты) в запасах Z_1 объемом M_1 . Для рассматриваемой системы I Z_1 II ее объекты могут находиться в рабочем либо нерабочем состоянии, а сама система в целом - в одном из четырех:

S_1 - I и II работают;

S_2 - I не работает, II работает, используя запас;

S_3 - I работает, не работает II;

S_4 - система в целом не работает, т.к. простаивают I и II.

Схема состояний системы и возможных переходов приведена на рис.1.

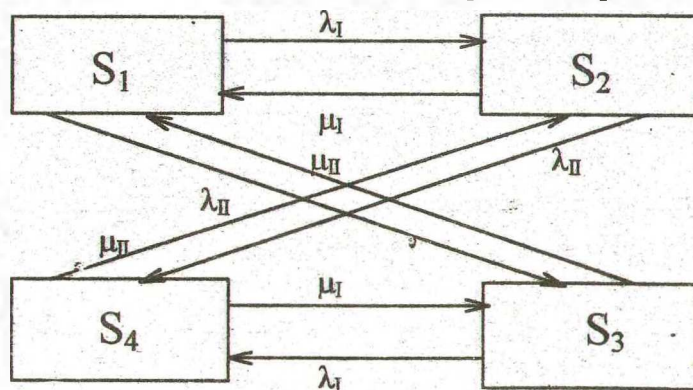


Рис.1. Схема состояний

Характеристиками системы будут: вероятности рабочего и нерабочего состояний объектов I, II - $P_I^P, P_{II}^P, P_I^N, P_{II}^N$, а также вероятности состояний системы в целом: P_1, P_2, P_3, P_4 .

Общая продолжительность любого из состояний T_i составит

$$T_i = TP_i,$$

где T - общий фонд рабочего времени системы; P_i - вероятность состояния i .

Стабильность рассматриваемой системы будет обеспечена следующими резервами: производительностью объектов; запасами; их размерами. Здесь не рассматриваются такие факторы стабильности, как финансы, материально-техническое снабжение и т.п.

В состоянии S_2 для I имеют место простои из-за недостаточного количества предметов труда в запасе m для обеспечения работы I в течение t_2 (рис.2). Вероятность P_2^N такого простоя для состояния S_2 можно определить как

$$P_2^N = \sum_{m=0}^M P(m) \cdot P(m < \Pi_{II} \cdot t_2),$$

где Π_{II} - производительность II.

$$P(m < \Pi_{II} t_2) = P(t_2 > \frac{m}{\Pi_{II}}) = \sum_{t=\frac{m}{\Pi_{II}}}^{t_{\max}} P_2(t).$$

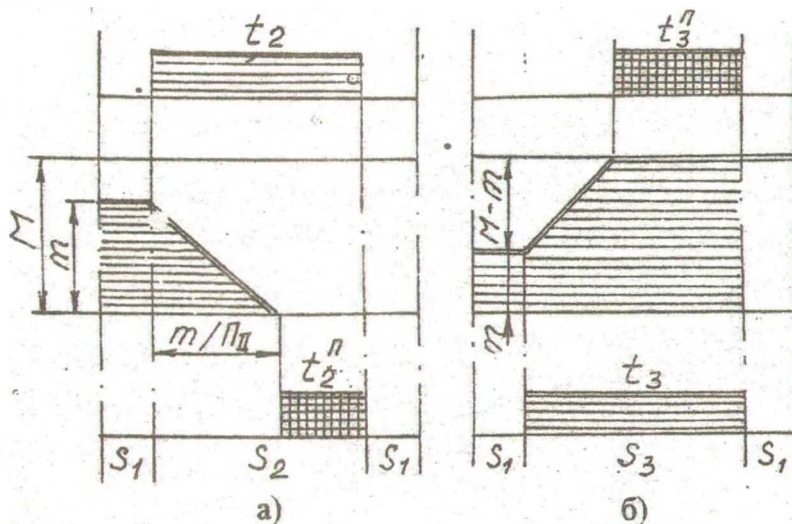


Рис.2. Схема возникновения простоев: а) - для состояния S_2 ; б) - для состояния S_3

Тогда

$$P_2^{\Pi} = \sum_{m=0}^M \sum_{t=\frac{m}{\Pi_2}}^{t_{\max}} P(m)P_2(t).$$

Во время состояния S_3 в I могут появиться простои с продолжительностью T_2^{Π} с вероятностью P_3^{Π} :

$$P_3^{\Pi} = \sum_{m=0}^M \sum_{t=\frac{M-m}{\Pi_1}}^{t_{\max}} P(m)P_3(t),$$

где Π_1 - производительность I.

Потребные значения резервов для объекта I можно получить из условия

$$\Pi_1(T_1 + T_3 - T_3^{\Pi}) \geq Q,$$

$$\Pi_1 \geq \frac{Q}{T_1 + T_3 - T_3^{\Pi}}.$$

Аналогично для II

$$\Pi_{II} = \frac{Q}{T_1 + T_2 - T_2^{\Pi}},$$

где T_1, T_2, T_3 - соответственно продолжительности состояний S_1, S_2, S_3 .

Записанные выше условия образуют систему

$$\begin{cases} f(\Pi_I, M) \geq Q; & f(\Pi_{II}, M) \geq Q \end{cases}.$$

Приняв в качестве критерия оптимальности затраты на достижение желаемого результата Q для системы, целевая функция будет

$$Ц = a_1 \Pi_I + a_2 \Pi_{II} + bM + C \rightarrow \min,$$

где a_1 и a_2 - затраты, связанные с увеличением производительности (мощности) для объектов I и II;

b - затраты, связанные с хранением 1 м³ древесины;

c - затраты, связанные с созданием запаса древесины.

Ограничения, согласно (1), запишутся как

$$\Pi_I(T_1 + T_3 - T_3^{\Pi}) \geq Q,$$

$$\Pi_{II}(T_1 + T_2 - T_2^{\Pi}) \geq Q.$$

Примем, согласно проведенным нами исследованиям, что продолжительность периодов состояний системы распределена по показательному закону:

$$P_I^P(t) = \lambda_I e^{-\lambda_I t}; \quad P_I^\Pi(t) = \mu_I e^{-\mu_I t}; \quad P_\Pi^P(t) = \lambda_\Pi e^{-\lambda_\Pi t}; \\ P_\Pi^\Pi(t) = \mu_\Pi e^{-\mu_\Pi t}; \quad \lambda_I = \frac{1}{t_I}; \quad \lambda_\Pi = \frac{1}{t_\Pi}; \quad \mu_I = \frac{1}{\tau_I}; \quad \mu_\Pi = \frac{1}{\tau_\Pi},$$

где t_I, t_Π - средняя продолжительность работы I и II объектов; τ_I, τ_Π - средняя продолжительность простоев I и II.

Используя схему состояний системы (рис.1), запишем систему дифференциальных состояний для любого момента времени t :

$$\frac{dP_1(t)}{dt} = -(\lambda_I + \lambda_\Pi)P_1(t) + \mu_I P_2(t) + \mu_\Pi P_3(t), \\ \frac{dP_2(t)}{dt} = -(\lambda_\Pi + \mu_I)P_2(t) + \lambda_I P_1(t) + \mu_\Pi P_4(t), \\ \frac{dP_3(t)}{dt} = -(\lambda_I + \mu_\Pi)P_3(t) + \lambda_\Pi P_1(t) + \mu_I P_4(t), \\ \frac{dP_4(t)}{dt} = -(\mu_I + \mu_\Pi)P_4(t) + \lambda_\Pi P_3(t) + \lambda_I P_2(t).$$

Для установившегося режима, в котором функционируют лесопромышленные системы, $P_i(t) \rightarrow \text{const}$ и $\frac{dP_i(t)}{dt} = 0$.

Из системы уравнений (2) получим систему алгебраических уравнений, из которой находятся выражения для вероятностей состояний

$$P_1 = \frac{\mu_I \mu_\Pi}{(\lambda_I + \mu_I)(\lambda_\Pi + \mu_\Pi)}; \quad P_2 = \frac{\lambda_I \mu_\Pi}{(\lambda_I + \mu_I)(\lambda_\Pi + \mu_\Pi)}; \\ P_3 = \frac{\lambda_\Pi \mu_I}{(\lambda_I + \mu_I)(\lambda_\Pi + \mu_\Pi)}; \quad P_4 = \frac{\lambda_I \lambda_\Pi}{(\lambda_I + \mu_I)(\lambda_\Pi + \mu_\Pi)}.$$

Используя эти выражения, получим формулы для P_2^Π и P_3^Π , которые позволяют установить зависимость между P_I и M , P_Π и M и преобразовать целевую функцию Π .

$$\Pi = a_1 f_1(M) + a_2 f_2(M) + bM + C \rightarrow \min.$$

Используя полученную целевую функцию, графически устанавливаются оптимальные значения M , P_I и P_Π .