Министерство народного образования БССР

БЕЛОРУССКИЙ ОРДЕНА ТРУДОВОГО КРАСНОГО ЗНАМЕНИ ТЕХНОЛОГИЧЕСКИЙ ИНСТИТУТ ИМЕНИ С.М.КИРОВА

Кафедра высшей математики

методическое по разделу
"твория неголтноства" дисплины "высшая математика"
лля приятических вания и химико-технологи—
ческих опециальностей

Опотивители: Л.П. Алещенко, Р.М. Кончиц

Рассмотрено и рекомендовано к изданию Редикционно-издательским советом института.

Составители: Л.Н.Алешенко, Р.М.Кончиц Научний редактор профессор В.М.Марченко Рецензенту: доцент кафедры теории вероятностей и математической статистики БТУ им. В.И.Ленина Н.М.Зуев; и.о.доцента кафедры функционального анализа БТУ им. В.И.Ленина Н.В.Лазакович.

Методическое пособие может быть использовано преподавателями при проведении практических занятий по теории вероятностей и для самостоятельной работы студентов инженерно-технических и химико-технологических опециальностей.

Моентификация леснои произнаку происхожоения (иденя производства отличи переработки, производимых из сы сертифицированных в соответ

моентификация – устаног основании определенных призи призи

BBEHEHME



Цель методического пособия - повышение эффективности практических занятий, стимулирование самостоятельной работы студентов, осуществление постоянного контроля усвоения материала.

В данном пособии представлень задачи по основным темам раздела "Теория вероятностей". Каждая тема содержит контрольные вопросы и упражнения, задачи для аудиторной и самостоятельной работы, задачи на повторение; учтена профессиональная ориентация. Приведены примерные варианты двух контрольных работ.

Все задачи помечены двумя цифрами и буквой (например, I.2A, 3.4Б). Первая цифра указывает на номер раздела (темы) вторая — номер задачи в разделе, буква А — первый уровень сложности. Б — второй уровень сложности.

Задачи уровня А для аудиторной работы составляют обязательный минимум. Умение решать эти задачи и аналогичные им необходимо каждому студенту.

В конце пособия ко всем задачам даны ответы, к некото-

Предполагается, что решению приведенных задач предшествует самостоятельная работа студентов по изучению указанной в пособии литературы. Ответы на контрольные вопросы сделают эту работу более осознанной. Не исключено, что некоторые разделы (например, "Повторение испытаний") могут быть вынесены на самостоятельное изучение.

ЭЛЕМЕНТЫ КОМБИНАТОРИКИ

Теоретическая оправка

Число R всех возможных способов переставить κ элементов - число перестановок из κ элементов - равно

 $n(r-1)(n-2)...2\cdot 1.$ Число A_n всевозможных способов разместить m элементов из n по m местам — число размешений — равно

число C_n всевозможных способов выбора m элементов из n - число сочетаний — равно A_n / P_m .

Таким образом, P = 1.2.3 (n = 1.2.3) Бирон Таким образом.

(полагают
$$0! = 1$$
)
$$A_n = n (n-1)(n-2)...(n-m+1) = \frac{n!}{(n-m)!}$$

$$C_n^m = \frac{A_n^m}{P_m} = \frac{n!}{n!(n-m)!}$$
Отметим оледующие свойстве:
$$C_n^m = C_n^m$$

$$C_n^o + C_n^i + C_n^2 + ... + C_n^{n-1} + C_n^m = 2^m$$

Примеры:

I. Количество способов распределения 5 должностей между 5 лицами равно $P_{\mathbf{5}} = 5! = 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 = 120$.

2. Из группы в 15 человек выбираются 4 участника эстафеты. Количество способов расстановки сортсменов по четырем о этапам эстафеты равно

$$A_{is}^{\dagger} = \frac{15!}{(15-4)!} = \frac{15!}{11!} = 15 \cdot 14 \cdot 13 \cdot 12 = 32760.$$

3. Количество способов выбора 3 дежурных из группы в 20 человек равно

$$C_{20}^3 = \frac{20!}{3!17!} = \frac{20 \cdot 19 \cdot 18}{1 \cdot 2 \cdot 3} = 1140$$

Задачи и упражнения пля аудиторной работы

- I.IA. Бросают игральную кость с 6 гранями и правильную монету. Сколькими различными способами они могут упасть?
- 1.2А. В оборочный узел входят 2 сопряженные детали: №1 (валик) и №2 (втулка). Узел имеет пониженное качество, если размер одной из деталей завышен, а другой занижен, или одной детали нормален, а другой завышен или занижен. На сборку поступили партин валиков и партия втулок. Из 10 валиков, входящих в партию, 7 имеют нормальные размеры, 2 — завышенные и 1 — заниженный. Из 20 втулок, входящих в партию, 16 имеют нормальные размеры, 1 — завышенный и 3 — заниженные. Сколько существует различных способов опряжения валиков и втулок, в которых собранный узел оказывается пониженного качества?
- 1.3А. Сколькими опособами можно переставить буквы слова "гипербола"? Сколько среди них таких; в которых буквы "г" и "и" стоят рядом? Сколько таких, з которых эти буквы не стоят рядом?
 - І.4А. Телефонный номер состоит из шести цифр. Сколько

можно составить шестиэначных номеров с разными цифрами?

- I.5A. Имеются 3 вакантные должности, на которые направляются 5 молодых специалистов. Сколько существует различных сгособов распределения специалистов, если должности равно-значны?
 - I.6A. Сколькими способами можно выбрать из урны, содержащей 4 черных и 6 белых шаров, 3 шара так, чтобы среди них было ровно 2 белых?
 - І.7Б. Сколькими способами можно составить комиссию из 3 человек, выбирая их среди 4 супружеских пар, если в комиссию входят: І) любые 3 из 8 человек; 2) 2 женщины и І мужчина; 3) представители разных семей?
 - І.8Б. Сколькими способами можно распределить 8 билетов. (места в одном ряду) среди 4 юношей и 4 девушек так, чтобы никакие 2 лица одного пола не сидели рядом?
 - I.9Б. Сколько можно образовать различных четырехэначных чисел, пользуясь цифрами 0,I,2,3,4,5,6,7,8,9, не повторяя ни одну из этих цифр?
 - I.10Б. (Задача-шутка). В некотором государстве не было двух жителей с одинаковым набором зубов. Какова может быть наибольшая численность населения этого государства? (Во рту человека может быть не более 32 зубов).

Задачи и упражнения для самостоятельной работы

- I.IIA. Сколько различных четырехзначных чисел можно составить, используя цифры I,2,3,4,5, если: а) никакая цифра не повторяется более одного раза; б) повторения цифр допустимы; в) числа должны быть нечетными и повторений не должно быть.
- I.12A. Сколькими способами можно переставить буквы слова "мама"? Сколько среди них таких, которые дают различные буквосочетания?
- I.I3A. Сколькими способами можно выставить на игру футбольную команду, состоящую из трех нападающих, трех полузащитников, четырех защитников и вратаря, если всего в команде 6 нападающих, 3 полузащитника, 6 защитников и I пратась?
- I.14Б. В автоманине 7 мест. Сколькием способами 7 человек могут сесть в эту машину, если место волителя могут воннять трое из $\mu u x^2$

I.15Б. У одного человека есть 7 книг по математике, а у другого - 9 книг. Сколькими способами они могут обменять 3 книги одного на 3 книги другого?

I.16Б. Пассажир оставил вещи в автоматической камере хранения, а когда пришел получеть вещи, выяснилось, что он забыл номер. Он только по нит, что в номере были числа 23 и 47. Чтобы открыть камеру, нужно правильно набрать пятизначный номер. Каков наибольшее количество номеров нужно перебрать, чтобы открыть камеру?

Задачи на повторение

I.I7A. Сколькими способами можно переставить букви в слове "математика"?

I.I8A. На станции имеется 6 запасных путей. Сколькими способами диспетчер может расставить на них 4 поезда так, чтобы на каждом пути стоял только I поезд?

I.19A. Сколько существует пятизначных чисел? Сколько среди них таких, которые начинаются цифрой 2 и оканчиваются цифрой 4? Которые не содержат цифры 5? Которые делятся на 5?

I.20A. Автомобильные номера составляются из одной, двух или трех букв и четырех цифр. Найти число таких номеров, используя 32 буквы русского алфавита.

I.2IA. У вас в группе 25 человек. Вы обменялись друг с другом фотокарточками. Сколько всего было роздано фотокарточек?

I.22Б. Из десяти различных цветков нужно составить букет так, чтобы в него входило нечетное число цветков. Сколько существует способов для составления такого букета?

I.23Б. Сколько различных комбинаций ответов можно дать на n разных вопросов, допускающих только ответ "да" или "нет", если каждый вопрос должен получить ответ?

1.24Б. 5 девушек и 3 юношей играют в городки. Сколькимя способами они могут разбиться на 2 команды по 4 человека, если хоты бы один юноша входит в каждую команду?

2. КЛАССИЧЕСКОЕ ОПРЕДЕЛЕНИЕ ВЕРОЯТНОСТИ

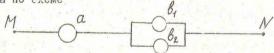
Контрольные вопросы и упражнения

 Дайте определение элементарного события, пространства элементарных событий.

- 2. Составьте пространство элементарных событий Ω , соответствующее эксперименту: произведено 2 выстрела по мишени.
- 3. Приведите пример опыта с тремя элементарными исходами.
 - 4. Сформулируйте определение события.
- 5. Дайте определение невозможного события, достоверного. Приведите примеры.
 - 6. Какие события называются несовместными?
- 7. Какие элементарные события называются равновозможны-ми? Приведите примеры.
- 8. Какие события называются противоположными? Приведите примеры.
- 9. Что называется суммой (объединением) событий? Произведением (пересечением) событий?
- 10. Дайте геометрическую интерпретацию понятиям суммы и произведения двух, трех и более событий.
- II. Может ли сумма двух событий А и В совпадать с их произведением?
 - 12. Классическое определение вероятности.

Задачи и упражнения для аудиторной работы

2.IA. Электрическая цепь между точками $\mathcal M$ и $\mathcal N$ состав-



Событие $A = \{$ выход из строя элемента α $\}$; событие B_i (i = 1,2) = $\{$ выход из строя элемента B_i $\}$; событие $C = \{$ разрыв цепи $\}$.

Записать через А и В, выражение для событий С и С.

2.2А. В сборочном цехе имеется партия валиков в количестве 100 штук, из которых 5 штук с размерами в пределах первой группы допуска, 40 штук — в пределах второй группы, 30 штук — в пределах третьей группы и 15 штук — в пределах четвертой группы. Сборщик из партии валиков вынимает наугад один. Найти вероятность того, что диаметр взятого валика размером: І) в пределах первой группы допуска; 2) в пределах второй или третьей групп допуска.

- 2.3A. Брошени 2 игральные кости. а) Какова вероятность выпадания на двух костях в сумме не менєе 9 очков? б) Какова вероятность выпадания единицы, по крайней мере на одной кости?
- 2.4А. Используя условие задачи I.6А, найти версятность того, что среди вынутых шаров: а) 3 белых; б) 2 белых и I черный.
- 2.5А. В коробке находится 6 одинаковых занумерованных кубиков. Наудачу по одному извлекают все кубики из коробки. Найти вероятность того, что номера извлеченных кубиков появятся в возрастающем порядке.
- 2.6A. Числа I,2,3,4,5 расставлены случайно. Найти вероятность того, что числа I и 2 расположены рядом и притом в порядке возрастания.
- 2.7A. Требуется определить вероятность того, что первый чсобранный узел окажется пониженного качество (см. № 1.2A).
- 2.8А. Набирая номер телефона, абонент забыл последние З цифры и, помня лиль, что эти цифры различны, набрал их наудачу найти вероятность того, что набраны нужные цифры.
- 2.9A. Из урны, содержащей 3 черных, 4 белых и 5 красных шаров, вынули наугад 3 шара. Найти вероятность того, что вынуты разноцветные шары.
- 2.10Б. "Секретный" замок содержит на общей оси 4 диска, каждый из которых разделен на 5 секторов с различными напи-санными на них цифрами. Замок открывается только в том случае если диски установлены так, что цифры дисков образуют определенное четырехзначное число. Найти вероятность того, что при произвольной установке дисков замок можно будет открыть.
- 2.IIE. В автобусе 5 пассажиров. Найти вероятность того, что на каждой из оставшихся 5 остановок будет выходить по одному человеку (предполагается, что каждый из пассажиров с равной вероятностью может выйти на любой остановке).
- 2.12Б. N человек случай... м образом рассаживаются за круглым столом. Найти вероятность того, что 2 фиксированных лица Д и Ю окажутся сидащими рядом. (Решить в трех пространствах элементарных событий).
- 2.13Б. Телефонную книгу раскрыли наудачу и выбрали случайный номер телефона. Считая, что телефонные номера состоят из 7 цифр, причем все комбинации цифр равновероятны, найти

вероятности следующих событий: $A = \{$ четыре "последние цифры телефонного номера одинаковы $\}$; $B = \{$ все цифры различны $\}$; $C = \{$ номер начинается с цифры $5\}$; $\mathcal{A} = \{$ номер содержит три цифры 5, две цифры 1 и две цифры $2\}$.

Задачи и упражнения для самостоятельной работы

- V 2.14A. В урне IO белых, I5 черных, 20 синих и 25 красных шаров. Вынули один шар. Найти вероятность того, что этст шар белый; черный или синий.
- 2.15A. После бури на участке между 40-м и 70-м километрами телефонной линии произошел обрыв провода. Какова вероятность того, что разрыв произошел между 50-м и 55-м километрами линии?
- 2.16A. В партии из 50 изделий 5 окрашенных. Из партии выбирают наугад 6 изделий. Определить вероятность того, что среди этих 6 изделий 2 окажутся окрашенными.
- ✓ 2.1% Слово "ремонт" составлено из разрезной азбуки. Затем карточки с отдельными буквами тщательно перемешиваются, наугад вытаскиваются 4 карточки и раскладываются в порядке вынимания. Каково вероятность получить при этом слово "море"?
- ∨ 2.18А. Студент из 30 вопросов 15 знает хорошо и 10
 удовлетворительно. Найти вероятность того, что из 3 вопросов
 билета 2 он знает хорошо и I не знает.
- √ 2.19А. Из 6 букв разрезной азбуки составлено слово "ананас". Ребенок, не умеющий читать, рассыпал эти буквы и затем собрал в произвольном порядке. Найти вероятность того, что в у него снова получилось слово "ананас".
- 2.20А. Подбросили 2 игральные кости. Найти вероятности следующих событий: $A = \{$ число очков на обеих костях совпадают $\}$, $B = \{$ число очков на первой кости больше, чем на второй $\}$, $\mathbb{A} = \{$ сумма очков больше двух $\}$, $\mathbb{A} = \{$ хотя бы на одной кости появится 6 очков $\}$.
- 2.2IA. В первом ящике находятся шары с номерами от 1 до 5, а во втором с номерами от 6 до IO. Из каждого ящика вынули по одному шару. Какова вероятность того, что сумма номеров вынутых шаров: а) не меньше 7; б) равна II.
- 2.22Б. Группа, состоящая из 8 человек, занимает место с одной стерону прямоугольного стола. Найти вероятность того, что 2 определенных лица окажутся рядом, эсли: а) число мест равно 8; б) числы мест равно 12

- 2.23Б. В лифт семиэтажного дома на первом этаже вошли 3 человека. Каждый из них с одинаковой вероятностью выходит на любом из этажей, начиная со второго. Найти вероятности следующих событий: $A = \{$ все пассажиры выйдут на четвертом эта же $\{$; $B = \{$ все пассажиры выйдут одновременно на одном и том же этаже $\}$; $C = \{$ все пассажиры выйдут на разных этажах $\}$.
- 2.24Б. Газ, состоящий из $\mathcal N$ молекул, находится в замкнутом сосуде. Мисленно разделим сосуд на $\mathcal N$ равных клеток и будем считать, что вероятность каждой молекулы попасть в каждую из $\mathcal N$ клеток одна и та же. Какова вероятность того, что молекулы окажутся распределенными так, что в I-й клетке окажутся $\mathcal M_1$ молекул, во 2-ой $\mathcal M_2$ молекул и т.д., наконец, в $\mathcal M_3$ -й- $\mathcal M_4$ молекул?

Задачи на повторение

- 2.25А. В кармане имеется несколько монет достоинством в 2 коп. и 10 коп. (на ощупь неразличимых). Известно, что двухкопеечных монет втрое больше, чем гривенников. Наугад вынимается одна монета. Какова вероятность того, что это будет гривенник?
- 2.26A. В урне 20 шаров с номерами от I до 20. Какова вероятность вынуть шар с номером 37 или I5?
- 2.27А. Из отвала, содержащего на поверхности № кусков окисленной руды и № кусков сульфидной руды, отобрано наудачу м образцов и отправлено в лабораторию для анализа. При вскрытии ящика с образцами оказалось, что первые к из вынутых кусков относятся к руде оксиленной. Какова вероятность того, что и следующий кусок будет относиться к той же руде? При решении задачи принять, что любые м из к к кусков на поверхности отвала могли быть отобраны в ящик с одинаковой вероятностью.
 - 2.28А. I сентября на первом курсе одного из факультетов запланировано по расписанию 3 лекции по различным предметам. Всего на курсе изучается 10 предметов. Какова вероятность угадать расписание занятий на I сентября, если считать, что лю-тое расписание из 3 предметов равновозможно?
 - 2.29A. В урне 3 белых и 7 черных шаров. Какова вероятность того, что вынутые наугад 2 шара окажутся черными?
 - 2.30A. Студенческая группа, состоящая из 20 ступентов, среди которых 6 девушек, получила 5 билетов в театр. Билеты

разделили среди студентов случайным образом. Найти вероятность того, что 3 билета в театр достались девушкам.

- 2.3IA. Известно, что 30 % болтов имеют положительное отклонение диаметров от номинала, а 70 % отрицательное отклонение от номинала. Из партии болтов объемом n = 100 вибрано случайным образом 3 болта. Найти вероятность того, что: а) один из болтов является "плюсовым"; б) все 3 болта будут иметь отрицательное отклонение от номинала.
- 2.32А. Брощены 3 монеты, Найти вероятность того, что выпадут 2 "герба".
- 2.33Б. Три билета с номерами 1,2,3, последовательно вынимаемые из ящика, имеют одинаковую вероятность появиться в любом порядке. Нужно определить вероятность того, что порядковый номер, по крайней мере, у одного из билетов совпадает с его собственным номером.
- 2.34Б. А и В и еще 8 человек стоят в очереди. Определить вероятность того, что А и В отделены друг от друга тремя лицами.
- 2.35Б. К четырехстороннему перекрестку подъехало с каждой стороны по автомобилю. Каждый автомобиль может с равной вероятностью совершить один из четырех маневров на перекрестке: развернуться и поехать обратно, поехать прямо, направо или налево. Через некоторое время все автомобили покинули перекресток. Найти вероятность следующих событий: A = 1 все автомобили поедут по одной и той же улице 3; B = 1 автомобили поедут по одной и той же улице 3; C = 1 по каждой из четырех улиц поедет ровно 1 автомобиль 3.
- 2.366. 7 яблок, 3 апел-сина и 5 лимонов раскладываются случайным образом в 3 пакета, но так, чтобы в каждом было одинаковое число фруктов. Найти вероятность того, что в каждом из пакетов по одному яблоку.
- 2.37Б. Две монеты радиуса $\mathcal R$ занимают произвольное положение внутри круга радиуса $\mathcal R$. В данный круг наудачу бросают точку. Определить вероятность того, что эта точка упадет на одну из монет, если монеты не пересекаются.
- 2.38Б. В некоторой точке С телефонной линии АВ длины Д произошел разрыв. Определить вероятность того, что точка С удалена от точки А на расстояние не меньше ℓ ?
 - 2.39Б. Кус.к проволоки длиною в 20 см был сотнут науда-

чу в выбранной точке. Затем проволоку перегнули еще в двух местах таким образом, чтобы образовалась прямоугольная рамка. Найти вероятность того, что площадь полученной рамки не превосходит 2I см².

восходит 21 см . 2.40Б. Точка появляется в эллипсе $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{e^2} = 1$. Найти вероятность того, что эна окажется внутри эллипса $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{e^2} = 1$. Найти пропорциональна ее площади.

2.41Б. Предполагая, что все значения $|\rho| \le 1$, $|q| \le 1$ равновероятны и единственно возможны, определить вероятность того, что корни уравнения $x^2 + \rho x + q = 0$ действительны.

2.42Б. (Задача о встрече). Два лица А и В условились встретиться в определенном месте между двумя и тремя часами, дня.Пришеший первым ждет другого в течение 10 мин., после чего уходит. Чему равна вероятность встречи этих лиц, если приход каждого из них в течение указанного часа может произойти в любое время?

2.43Б. Рабочий обслуживает 2 машины. Длительные наблюдения показали, что каждой из этих машин он уделяет 8 мин в течение каждого часа. Найти вероятность того, что в течение I ч машина потребует внимания рабочего тогда, когда он будет занят обслуживанием второй машины.

3. ТЕОРЕМЫ СЛОЖЕНИЯ И УМНОЖЕНИЯ ВЕРОЯТНОСТЕЙ

Контрольные вопросы и упражнения

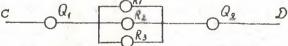
- І: Дайте определение вероятностного пространства.
- 2. Сформулируйте определение убловной вероятности.
- 3. Запишите теоремы сложения и умножения вероятностей.
- 4. Какие события называются независимыми? Приведите примеры. Зависимы или независимы несовместные события?

Запачи и упражнения пля аулиторной работы

- 3.ІА. Событие $A = \{$ хотя f одно из имеющихся четырех изделий бракованное $\}$, событие $B = \{$ бракованных изделий не менее грух $\}$. Что сзначают противоположные события A и B?
- 3.2A. Вероятность попадания в мишень при одном выстреле равна 0,6. После первого попадания стрельба прекращается. Найни вероятность того, что будет произведено ровно 4 выстрела.
 - 3.3А. Тои стредка производят по одному выстреду по целя,

вероятность попадания в которую равна: для первого стрелкъ 0,6, для второго - 0,7, для третьего - 0,8. Найти вероятность одного попадания в цель.

- 3.4А. Достаточным условием сдачи коллоквиума является ответ на один из двух вопросов, предлагаемых преподавателем студенту. Студент не знает ответов на восемы вопросов из тех сорока, которые могут быть предложены. Какова вероятность сдачи коллоквиума?
- 3.5А. Вероятность понадания в мишень при одном выстреле равна 0,5. По мишени стреляют одиночными выстрелами до первого попадания, после чего стрельбу прекращают. Найти вероятность того, что будет сделано не более трех выстрелов.
- 3.6А. Рабочий обслуживает 3 станка, работающих независимо друг от друга. Вероятность того, что в течение часа не потребует внимания рабочего первый станок - 0,9, второй -40,8, третий - 0,85. Найти вероятность того, что в течение часв хотя бы один станок потребует внимания рабочего.
 - 3.7А. На предприятии брак составляет в среднем I,5 % от общего выпуска изделий. Среди годных изделий первый сорт составляет 80 %. Какова вероятность того, что наудачу взятое изделие окажется изделием первого сорта, если оно взято из общей массы подготовленной продукции?
- 3.8А. Абонент забыл последнюю цифру номера телефона и поэтому набирает наудачу. Определить вероятность того, что ему придется звонить не более чем в четыре места.
- 3.9Б. Известно, что событие В влечет событие A ($B \subseteq A$). Следует ли из \overline{B} , что \overline{A} произопло?
 - 3.10Б. Между точками С и Д составлена электрическая цепь



Выходы из строя за время t элементов цепи характеризуются следующими вероятностями:

Элемент ! Q_1 ! Q_2 ! R_1 ! R_2 ! R_3 ! Вероятность! 0,5 ! 0,7 ! 0,6 ! 0,8 ! 0,4 ! и являются событиями независимыми.

Спредслить вероятность разрыва цепи за указанный промежуток времени.

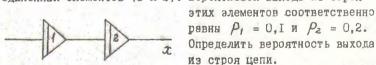
3.11Б. Два игрока поочередно бросают монету. Выигрыва-

ет тот игрок, у которого раньше выпадет "геро". Определить вероятность выигрыша для каждого из игроков.

3.12Б. На станцию связи за день поступило 20 телеграмм, адресованных в 4 различных пункта (по 5 в каждый пункт). Из всех телеграмм выбирают наугац 4 телеграммы. Найти вероятности событий: A = { все телеграммы адресованы в разные пункты }; В = { все телеграммы адресованы в один и тот же пункт }.

Задачи и упражнения для самостоятельной работы

- 3.13А. При движении автомобиля на его левые и правые колеса попадают препятствия (выступы и впадины дорожного полотна). Пусть А означает событие, заключающееся в попадании препятствия под левое колесо, B под правое колесо. Какой смыслимеют события: а) A; B) A+B; C0 A+B?
- 3.14А. Студент разыскивает нужную ему формулу в трех справочниках. Веронтности того, что формула содержится в первом, втором, третьем справочниках, соответственно равны 0,6; 0,7; 0,8. Найти вероятности того, что формула содержится:
- а) только в одном справочнике;
 б) только в двух справочниках;
 в) во всех трех справочниках.
- 3.15А. Вероятности того, что нужнея сборшику деталь находится в первом, втором, третьем, четвертом ящиках соответственно равны 0,6; 0,7; 0,8; 0,9. Найти вероятности того, что деталь содержится: а) не более чем в трех ящиках; б) не менег нем в двух ящиках.
- 3.16А. Блок-схема составлена из двух последовательно осединенных элементов (I и 2). Вероитности выхода из строя



- 3.17А. Охотник выстрелил 3 раза по удаляющейся цели. Вероятность попадания в нее г чачале стрельом равны 0,8 и после каждого выстрела уменьшается на 0,1. Найти вероятность того, что он: а) промажнется все 3 раза; б) попадет хотя бы 1 раз; в) попадет 2 раза.
- 3.18А. Случайным образом эписывается рациональная дробь, числитель и знаменатель которой двузначные числа. Какова вероятность того, что эта дробь: а) сократима на 5; б) несокра-

тима на 97

- 3.19А. Студенты выполняют контрольную работу в классе контролирующих машин. Работа состоит из трех задач и оценивается положительно, если решено не менее двух задач. Для каждой задачи зашифровано 5 различных ответов, из которых только I правильный. Студент Иванов выбирает ответы для каждой задачи наудачу. Какова вероятность того, что он получит положительную оценку?
- 3.20А. В собираемый механизм входят 2 одинаковые шестерни. Технические услови: нарушаются, если обе они окажутся с отклонениями по толщине зуба в плюс от среднего размера (заедание). У сборщика имеется 10 шестерен, из которых 3 "плюсовых". Требуется определить вероятность нарушения технических условий на сборке.
- 3.216. Сколько раз нужно повторить испытание, чтобы с вероятностью, не меньшей 0,75, утверждать, что котя бы один раз произойдет событие А, вероятность появления которого в каждом испыта ими равна 0,05?
- 3.22Б. Вероятность того, что в южном городе $\mathcal N$ температура в июле в любой день меньше $5^{\rm O}$, равна $\mathcal L$ ($\mathcal L$ малое число, квадратом которого можно пренебречь). Какова вероятность того, что в течение первых трех дней июля температура будет не меньше $5^{\rm O}$?
- 3.23Б. Найти вероятность того, что в цепи, изображенной на рисунке, лампочка будет в гореть (т.е. цепь будет замкнута), если известно, что любой из переключателей I,2,3,4, независимо от других, с одинаковой вероятностью может быть замкнут или разомкнут.

Задачи на повторение

- 3.24A. Событие A тя бы одна из трех проверяемых деталей бракованная, B все детали доброкачественные. Что означает событие: a) A+B; б) AB?
- 3.25А. В первом ящике 2 белых и 10 черных шаров, во втором ящике 8 белых и 4 черных шара. Из каждого ящика винули по шару. Какова вероятность, что оба шара белые?
 - 3.26А. В ящике 10 красных и 6 синих пуговищ. Ганимают

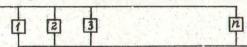
наудачу 2 пуговицы. Какова вероятность того, что пуговицы будут одноцветными?

- 3.27А. В двух урнах находятся шары, отличающиеся только цветом, причем в первой урне 5 белых шаров, II черных и 8 красных, а во второй соответственно IO, 8, 6. Из обеих урн наудачу извлежают по одному шару. Какова вероятность, что оба шара одного цвета?
- 3.28A. В первом ящике I белый, 2 красных и 3 синих шара; во втором ящике 2 белых, 6 красных и 4 синих шара. Из каждого ящика вынули по шару. Какова вероятность, что среди вынутых шаров нет синих?
- 3.29А. Бросают 4 игральные кости. Найти вероятность того что на них выпадет по одинаковому числу эчков.
- 3.30А. Два стрелка, для которых вероятности попадания в мишень равны соответственно 0,7 и 0,8, произволят по одному выстрелу. Определить вероятность хотя бы одного попадания в мишень.
- 3.31А. Производится стрельба по удаляющейся цели. При первом выстреле вероятность попадания равна 0.8; при каждом следующем выстреле вероятность уменьшается в 2 раза. Произведено 4 выстрела. Определить вероятности следующих событий: $A = \{$ хотя бы одно попадание $\}$; $B = \{$ ровно одно попадание $\}$.
- 3.32 А. Имеется три урны с номерами I,2,3. В первой урне 7 белых и 5 черных шаров, во второй 3 белых и 7 черных шаров, в третьей 2 белых и 3 черных шара. Из каждой урны наудачу извлекают по одному шару. Найти вероятности событий: $A = \{ \text{ в выборке будет ровно 2 белых шара} \}$; $B = \{ \text{ в выборке больше белых шаров, чем черных } \}.$
- 3.33А. Из урны, содержащей 6 белых и 4 черных шаров, наудачу и последовательно извлекают по одному шару до появления черного шара. Найти вероятность того, что придется производить четвертое извлечение, если выборка производится: а) с возвращением; б) без возвращени.
- 3.34A. В шкафу находится 9 однотипных приборов. В начале опыта все они новые (ни разу не бывшие в эксплуатации). Для временной эксплуатации берут наугад 3 прибора; после эксплуатации их возвращают в шкаф. На вгд прибор, бывший в эксплуатации, не отличается от нового. Найти вероятность события A = $\frac{1}{2}$ после трехкратного выбора и эксплуатации не останется

вых приборов] .

3.35А. Детали могут быть изготовлены с применением двух технологий: в первом случае деталь проходит 3 технологичес-кие операции, вероятности получения брака при каждой из которых равны соответственно 0.01; 0.02; 0.03. Во втором случае деталь проходит 2 операции, вероятности получения брака при которых одинаковы и равны 0.03. Определить, какая технология обеспечивает большую вероятность получения первосортной продукции, если в первом случае для доброкачественной детали вероятность получения продукции первого сорта равна 0.9, а во втором — 0.8.

3.36Б. Вероятность безотказной работы одного элемента



релейной схемы в течение времени Т равна 0,3. Для повышения надежности схемы параллельно подсоединяют n элементов. Каково должно быть n, чтобы вероятность безотказной работы схемы за время Т была не менее 0,99?

- 3.37Б. В лотерее n билетов, из которых m внигрышных. Какова вероятность вниграть, имея κ билетов?
- 3.38Б. Каждый из 10 аспирантов группы случайным образом и независимо от остальных выбирает один из четырех дней наступающей недели (понедельник, вторник, среду или четверг) для работы в библиотекз. Найти вероятности следующих собы- тий: А = { в понедельник в библиотеку явится I аспирант, во вторник 2, в среду 3, г четверг 4 аспиранта } ; В = { все 10 аспирантов соберутся в четверг }.
- 3.39Б. Из сосуда, содержащего 2 белых и 4 черных шара, двое поочередно извлекают шары и не возвращают обратно в сосуд. Вычислить вероятность вынуть первым белый шар каждолу из участников.
- 3.40Б. Вероятность поражения стрелком мишени при каждом выстреле равна ? . Найти вероятность того, это число последовательных (подряд) промахов будет оставаться меньше трех в течение: а; трех выстрелов; б) четырех выстрелов; в) пяти выстрелов.

4. ФОРМУЛА ПОЛНОЙ ВЕРОЯТНОСТИ. ФОРМУЛА БАЙЕСА Контрольные вопросы и упражнения

- І. Дайте определение полной группы событий.
- 2. Запишите формулу полной вероятности. Приведите примери ее применения.
- 3. Запишите формулу Байеса. Приведите примеры ее применения.

Запачи и упражнения пля аудиторной работы

- 4. IA. Имеется две урны. В первой урне два белых и три черных шара, во второй три белых и пять черных. Из первой и второй урн наугад берут по одному шару и кладут их в третью урну. Из третьей урны наугад берут один шар. Найти вероятност того, что это белый шар.
- 4.2A. Два автомата производят детали, которые поступают на общий конвейер. Вероятность получения нестандартной детали на первом автомате равна 0,075, а на втором 0,09. Производи тельность второго автомата вдвое больше, чем первого. Найти вероятность того, что наугад взятая с конвейера деталь нестандартная.
- 4.3А. На распределительной базе находятся электрические лампочки, изготовленные на двух заводах. Среди них 60 % изготовлено на первом заводе и 40 % на втором. Известно, что из каждых IOO лампочек, изготовленных на первом заводе, 99 соответствует стандарту, а из IOO лампочек, изготовленных на втором заводе, соответствует стандарту 98. Определить вероятность того, что взятая наудачу лампочка с базы будет соответствовать стандарту.
- 4.4A. В цехе работает 20 станков. Из них IO марки A, 6 марки B, 4 марки C. Вероятность того, что качество цетали окажется отличным, для этих станков соответственно равна 0,9,0,8; 0,7. Какой процент отличных деталей выпускает цех в целом?
- 4.5А. На наблюдательной станции установлены 4 радиолокатора различных конструкций. Вероятность обнаружения цели с помощью первого локатора равна 0,86, второго - 0,9, третьего-0,92, четвертого - 0,95. Наблюдатель наугад включает один из локаторов. Какова вероятность обнаружения цели?

4.6A. На рисунке изображена схема дорег. Туристы вышли из пункта 0, выбирая наугад

H₁ H₂ H₃ H₄

из пункта О, выбирая наугад на разветвлении дорог один из возможных путей. Какова вероятность того, что они попадут в пункт А?

- 4.7A. Имеется 2 партии одинаковых изделий по 15 и 20 штук, причем в первой партии 2, а во второй 3 бракованных изделия. Наудачу взятые 3 изделия из первой партии переложены во вторую, после чего выбирается наудачу I изделие из второй партии. Определить вероятность того, что выбранное изделие является бракованным.
- 4.8Б. (Задача-сказка). Один властелин, которому надоелего звездочет со своими ложными предсказаниями, решил казнить его. Однако сн решил дать звездочету последний шанс. Ему было велено распределить по двум урнам 4 шара: 2 черных и 2 белых. Палач выберет наугад одну из урн и из нее вытащит один шар. Если шар будет черным, то звездочета казнят, в противном случае его жизнь будет спасена. Каким образом звездочет должен разместить шары в урнах, чтобы обеспечить себе максимальную вероятность быть спасенным? (Ответ обосновать).
- 4.9Б. В каждой из трех урн содержится 6 черных и 4 белых шара. Из первой урны наудачу извлечен один шар и переложен во вторую урну, после чего из второй урны наудачу извлечен один шар и переложен в третью урну. Найти вероятность
 того, что шар, наудачу извлеченный из третьей урны, окажется белым.
- 4.10Б. На фабрике, изготовляющей болть, первая машина производит 25 %, вторая 35 %, третья 40 % всех изделий. В их продукции брак составляет соответственно 5, 4 и 2 %. Случайно выбранный болт оказался дефектным. Какова вероятность того, что он был произведен третьей машиной?
- 4.IIБ. Вероятности определения химического состава проверяемых деталей на промежуточном контроле для каждого из трех контролеров соответственно равни 4/5, 3/4, 2/3. При одновременном контроле тремя контролерами химический состав трех деталей оказался правильно определенным для двух деталей. Найти вероятность того, что недостаточный контроля

ровел третий контролер.

Задачи и упражнения для самостоятельной работы

- 4.12А. В лаборатории имеется 6 автоматов и 4 полуавтомата. Вероятность того, что за время выполнения некоторого расчета автомат не выйдет из строя, равна 0,95; для полуавтомата эта вероятность равна 0,8. Студент производит расчет на наудачу взятой машине. Найти вероятность того, что до окончания расчета машина не выйдет из строя.
- 4.13А. В тире имеется 6 ружей, вероятности попадания из которых равны соответственно 0,3; 0,4; 0,5; 0,6; 0,8; 0,9. Определить вероятность попадания при одном выстреле, если стреляющий берет одно из ружей наудачу.
- 4.14А. С первого автомата на сборку поступает 40 %, со второго 35 %, с третьего 25 % деталей. Среди деталей первого автомата 0,2 % бракованных, второго 0,3 %, третьего—0,5 %. Найти вероятность того, что поступившая на сборку деталь бракованная.
- 4.15А. В ящике с держится 12 деталей завода №1, 20 деталей завода №2, 18 деталей завода №3. Вероятность того, что детали завода №1 отличного качества равна 0,9; для деталей завода №2 и №3 эти вероятности соответственно разны 0,6 и 0,9. Найти вероятность того, что извлеченная наудачу деталь окажется отличного качества.
- 4.16А. Вероятности того, что во время работы цифровой электронной машины возникает сбой в врифметическом устройстве, в оперативной памяти, в остальных устройствах, относятся как 3:2:5. Вероятности обнаружения сбоя в арифметическом устройстве, в оперативной памяти и в остальных устройствах соответственно равны 0.8; 0.9; 0.9. Найти вероятность того, что возникший в машине сбой будет обнаружен.
- 4.17А. В ящике имеется 5 теталей, изготовленных заводом №1, и 10 деталей, изготовленных заводом №2. Сборщик последовательно вынимает из ядика детали одну за другой. Найти вероятность того, что во второй раз будет извлечена деталь, изготовленная заводом №1.
- 4.18Б. По цели производится 3 независимых выстрела. Вероятность попадания в цель при первом выстреле равна 0,1, при втором - 0,2 и при третьем - 0,3. Для поражения цели достаточ-

По двух попаданий. При одном попадании цель поражается с вероятностью 0,6. Найти вероятность поражения цели.

— 4.195. В ящике лежат 20 теннисных мячей, в том числе 15 новых и 5 игранных. Для игры наудачу выбирают 2 мяча и после игры возвращают обратно. Затем для второй игры также наудачу извлекают 2 мяча. Какова вероятность того, что вторая игра будет проводиться говыми мячами?

4.20Б. Четыре стрелка независимо один от другого стреляют по одной мишени, делая каждый по одному выстрелу. Вероятность попадания в мишень при одном выстреле для первого стрелка равна 0,4, для второго — 0,6, для третьего — 0,7, для четвертого — 0,8. После стрельбы в мишени обнаружены 3 пробоины. Найти вероятность того, что промахнулся четвертый стрелок.

Задачи на повторение

- 4.21А. Имеется три урны. В первой α белых шаров и θ черных; во второй C белых и d черных; в третьей только белые. Из какой-то одной урны наугад вынули один шар. Найти вероятность того, что этот шар белый.
- 4.22A. В телеьизионном ателье имеется 4 кинескопа. Вероятность того, что кинескоп выдержит гарантийный срок служби, соответственно равна 0,8; 0,85; 0,9; 0,95. Найти вероятность того, что взятый наугад кинескоп выдержит гарантийный срок службы.
- 4.23A. В группе спортсменов 20 лыжников, 6 велосипедиотов, 4 бегуна. Вероятность выполнения квалификационной нормы равна: для лыжника 0,9; для велосипедиста 0,8; для бегуна 0,75. Найти вероятность того, что спортсмен, вызванный наудачу, выполнит норму.
- 4.24А. Характеристика материала, взятого для изготовления продукции, с вероятностями 0,18; 0,32; 0,5 может находиться в трех различных интервалах. В зависимости от свейств материала вероятности получения первосортной продукции равны соответственно 0,5; 0,7; 0,9. Определить вероятность получения первосортной продукции.
- 4.251. В соорочный цех завода поступают детали с трех автоматов. І автомат дает 3 % брака, П 1 % и Ш 2 %. Определить вероятность попадания на соорку небракованной детали, если с катдого автомата поступило соответственно 500.

200, 300 деталей.

4.26 А. Прибор может работать в двух режимах: нормальном и особом. Нормальный режим наблюдается в 80 % всех случаев работы на приборе; особый — в 20 %. Вероятность выхода прибора из строя за время t в нормальном режиме равна 0, I, в особом — 0,7. Найти полную вероятность выхода прибора из строя за время t.

4.27А. Деталь, необходимая для сборки прибора, поступает с двух автоматов, производительность которых одинакова. Вычислить вероятность поступления на сборку стандартной детали, если один из автоматов дает в среднем 3 % нарушения стандарта, а второй - 2 %.

4.28А. Два датчика посылают сигналы в общий канал связи, причем первый из них посылает втрое больше сигналов, чем второй. Вероятность получить искаженный сигнал от первого дат-чика - 0,01, от второго - 0,03. Какова вероятность получить искаженный сигнал в общем канале связи?

4.29А. Имеется две урны: в первой α белых шаров и β черных; во второй – C белых и d черных. Из первой урны во вторую перекладывают, не глядя, один шар. После этого из второй урны берут один шар. Найти вероятность того, что этот шар. будет белым.

4.30A. Из трамвайного парка в случайном порядке выходят 4 трамвая № и 8 трамвае́в маршрута №2. Найти вероятность того, что второй из вышедцих на линию трамваев будет иметь №1.

4.31Б. В урну, содержащую 3 шара, опустили белый шар, после чего из урны наудачу извлекли 2 шара. Найти вероятность того, что извлеченные шары окажутся белыми. (Любые предположения о первоначальном числе белых шаров в урне равновозможны).

4.32Б. Из полного комплекта домино (28 штук) наугад берут 2 кости. Определить вероятность того, что вторую кость можно приставить к первой.

4.33Б. В первой урне находится 6 белых и 4 черных шара, во второй — 3 белых и 2 черных. Из первой урны наудачу извлекают сразу 3 шара. Шары того цвета, которые окажутся в большинстве, опускают во вторую урну и перемешивают. После этого из второй урны наудачу извлекают один шар. Какова вероят-вость того, что этот шар белый?

4.34Б. Потоки грузовых и легковых автомащин, проезжающих по шоссе, на котором стоит бензоколонка, относятся как 3:2. Вероятность того, что будет заправляться грузовая машина равна 0,1; для легковой автомащины эта вероятность равна 0,2. К бензоколонке подъехала для заправки машина. Найти вероятность того, что эта машина грузовая.

5. ПОВТОРЕНИЕ ИСПЫТАНИЙ

Контрольные вопросы и упражнения

- I. Дайте определение схемы Бернулли. Приведите примеры опытов, которые приводят к схеме Бернулли.
- 2. Напилите формулу определения вероятности того, что в n независимых опытах некоторое событие A появится ровно m раз, если в отдельном опыте вероятность появления события равна ρ .
- 3. Сформулируйте локальную теорему Муавра-Лапласа, теорему Пуассона, интегральную теорему Муавра-Лапласа.

Задачи и упражнения для аудиторной работи

- 5. IA. В урне 20 белых и 10 черных шаров. Случайным образом винули подряд 4 шара, возвращая каждый раз винутый шар в урну. Какова вероятность того, что из четырех вынутых шаров окажется два белых.
- 5.2A. Рабочий обслуживает 10 однотипных станков. Вероятность того, что станок потребует внимания рабочего в течение часа, равна 0,05. Найти вероятность того, что в течение часа этих требований будет от 3 до 5.
- 5.3A. Вероятность попадания в мишень при одном выстреле равна 0,4. По мишени производится 7 независимых выстрелов. Найти вероятность хотя бы одного попадания в мишень.
 - 5.4A. В мастерской независимо работают IO моторов. При существующем режиме работы вероятность того, что мотор в данный момент работает с полной нагрузкой, равна 0,8. Найти вероятность того, что в данный момент не менее 8 моторов работают с полной нагрузкой.
 - 5.5A. Определить вероятность того, что в серии из 1000 независимых опытов число удачных опытов будет равно 450, если вероять ость того, что опыт будет удачен, постоянна и равна 0,5.

- 5.6A. При установившемся технологическом процессе 60 % всех изготовляемых заводом изделий выпускается высшим сортом. Приемщик наугад берет 200 штук изделий. Чему равна вероятность того, что среди них изделий высшего сорта окажется от I20 до I50 штук?
- 5.7A. Вероятность выпуска сверла повышенной хрупкости (брак) равна 0,02. Сверла случайным образом укладывают в коробки по 100 штук. Найти вероятность того, что: а) в коробке не окажется бракованных сверл; б) число бракованных сверл окажется не более 3.
- 5.8A. Что версятнее выиграть у равносильного противника в игре, в которой нет ничейных исходов, не менсе четырех партий из пяти или не менее пяти партий из восьми?
- 5.9Б. Производятся независимые испытания прибора. При каждом испытании прибор выходит из строя с вероятностью 0,1. После первого выхода из строя прибор ремонтируется, после второго признается негодным. Найти вероятность того, что прибор окончательно выйдет из строя точно при шестом испытании.
- 5.10Б. Вероятность для данного баскетболиста забросить мяч в корзину при броске равна 0,3. Произведено 12 независимых бросков. Найти наивероятнейшее число попаданий и соответствующую вероятность.
- 5.IIБ. Вероятность возникновения опасной для прибора перегрузки в каждом опыте равна 0,4. Определить вероятность отказа прибора в серии из трех независимых опытов, если вероятности отказа прибора при одной, двух и треж опасных перегрузках соответственно равны: 0,2; 0,5 и 0,8.

Залачи и упражнения для самостоятельной работы

- 5.12A. Вероятность выигрыша по облигации займа за время его действия 0,25. Найти вероятность того, что из 8 случайным образом приобретенных облигаций 6 будет выигрышных.
- 5.13A. По цели производит я 5 независимых выстрелов. Вероятность попадания в цель при одном выстреле равна 0,6. Для получения зачета по стрельбе требуется более двух попаданий. Найти вероятность получения зачета.
- 5.14А. Вероятность того, что любой абонент звонит на коммутатор в течение часа равна 0,005. Телефонная станция обслуживает 600 абонентов. Какова вероятность того, что в течение

часа позвонят 5 абонентов?

- 5.15A. В партии из 1000 изделий имеется 10 дефектных. Найти вероятность того, что среди наудачу взятых из этой парти 50 изделий ровно 5 окажутся дефектными.
- 5.16A. Вероятность выхода из строя за некоторое время Т одного конденсатора равиа 0,2. Определить вероятность того, что из 100 независимо работающих конденсаторов в течение времени Т выйдет из строя: а) не менее 30 и менее 60 конденсаторов; б) не более 20 конденсаторов.
- 5.17А. Монету подбрасывают 5 раз. Найти вероятность того, что "герб" выпадет менее 4 раз.
- 5.18A. Вероятность того, что изделие не выдержит испытания, раена 0,0004. Найти вероятность того, что из 1000 наудачу взятых изделий не выдержат испытаний не менее 2 изделий.
- 5.19Б. Вероятность получения удачного результата при производстве сложного химического опыта равна 2/3. Найти наивероятнейшее число удачных опытов, если было проведено 7 независимых испытаний.
- 5.20Б. Во гремя каждого из опытов на I час в цепь включается батарея мощностью I20 Вт или 200 Вт; вероятности благоприятного исхода опыта равны соответственно 0,06 и 0,08. Результат проведенной серии опытов считается достигнутым в случае котя бы одного благоприятного исхода опыта с батареей в 200 Вт или хотя бы двух с батареей в I20 Вт. Общая энергия, затраченная на проведение всех опытов, не может превышать в I200 Вт.ч. Какие батарем выгоднее использовать?
- 5.21Б. Какова вероятность попадания при одном выстреле, если при четырех независимых выстрелах P(0) = P(1)?

Задачи на повторение

- 5.22А. Наблюдентями установлено, что в некоторой местности в сентябре в среднем бывает I2 дождливых дней. Калова вероятность, что из случайно взятых в этом месяце 8 дней 3 окажутся дождливыми?
- 5.23А. Игральную кость полбрасывают 5 раз. Найти вероятность того, что 2 раза появится число очков, кратное 3.
- 5.24А. Устройство состоит из 8 независимо работающих элементов. Вероятности отказа каждого элемента за время Т одинаковы и раглы 0,2. Найти вероятность отказа прибора,

если для этого достаточно, чтобы отказали хотя бы 2 элемента из 8.

- 5.25А. По каналу связи передается 6 сообщений, каждое из которых, независимо от других, с вероятностью 0,2 оказывается искаженным. Найти вероятности следующих событий: $C = \{$ ровно 2 сообщения искажены $\}$; $A = \{$ не менее 3 сообщений искажены $\}$.
- 5.26А. Какова вероятность того, что хотя бы один из трех независимих узлов (рама, передняя и задняя оси, подвеска) ходовой части автомобиля останется исправной после IOOO-километрового пробега, если известно, что для каждого узла такая вероятность равна 0,9?
- 5.27A. Электростанция обслуживает сеть с IOOOO независимо работающих ламп, вероятность включения каждой из которых вечером равна 0,6. Определить вероятность того, что число одновременно включенных ламп будет находиться между 5900 и 6IOO.
- 5.28A. При массовом производстве полупроводниковых диодов вероятность брака при формовке равна 0,1. Какова вероятность того, что из 400 наугад взятых диодов 50 будет бракованных?
- 5.29A. На факультете насчитывается 500 студентов. Какова вероятность того, что I сентября является днем рождения одновременно для 2 студентов данного факультета?
- 5.30A. Прядильщица обслуживает 1000 независимо работающих веретен. Вероятность обрыва нити на одном веретене в течение I мин равна 0,004. Найти вероятность того, что в течение I мин обрыв произойдет на 5 веретенах.
 - 5.31А. Если в среднем левши составляют I %, каковы шансы на то, что среди 200 члеовек: а) окажется ровно четверо левшей; б) можно найти четверо левшей?
 - 5.32A. Производство дает I % брака. Какова вероятность того, что из наугад взятых на исследование IIOO изделий выфраковано будет больше I7?
 - 5.33Б. Для данного баскетболиста вероятность забросить мяч в корзину при броске равна 0,4. Произведено ІО независи-мых бросков. Найти наивероятнейшее число попаданий и соответствующую вероятность.
 - 5.34Б. Вероятность наступления события в каждом испытании равна 0,1. Сколько надо провести независимых испытаний, чтобы

с вероятностью 0,9 можно било ожидать, что относительная частота появления события отклонится от его вероятности не более, чем на 0,06?

КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА № I

Вариант І

IA. В книге 96 страниц. Какова вероятность того, что порядковый номер наудачу взятой страницы будет четным числом?

2А. Батарея из 3 орудий производит залл по цели. Вероятности попадания в цель первым, вторым и третьим орудинми соответственно равны 0,7; 0,8; 0,9. Найти вероятность того, что цель поражена хотя бы двумя попаданиями.

ЗА. На склад поступают одинаковые электрические утюги. І завод поставляет 80 %, П - 20 % всех утюгов. Известно, что І завод выпускает 90 % продукции, способной прослужить поло-'женный срок, а П - 95 %. Какова вероятность того, что наугад взятый утюг прослужит положенный срок?

4Б. Техническое устройство состоит из 5 узлов; каждый узел во времи эксплуатации отказывает (виходит из строя) с вероятностью 0,4. Отдельные узлы отказывают независимо друг от друга. Если откажет более 2 узлов, устройство не может работать; если откажет I или 2 узла, оно работает, но с пониженной эффективностью. Найти вероятности событий: $B = \{ \text{устройство может работать} \}$; $E = \{ \text{устройство работает с пониженной эффективностью} \}$.

5Б. В двух ящиках содержится по 15 детвлей, причем из них в первом ящике 9, во втором — 10 стандартных изделий. Из первого ящика наудачу извлечены 2 детали и переложены во второй ящик. Найти вероятность того, что наудачу извлеченная после этого деталь из второго ящика будет стандартной.

Вариант 2

IA. В ящике 12 писем, из них 7 иногородних и 5 городских. Какова вероятность что среди вынутых наугад 5 писем окажется 3 иногородних?

2A. Два спортсмена участвуют в соревнованиях. Всроятность того, что I спортсмен выполнит норму мастера, равна 0,55, а П - 0,9. Найти вероятность того, что норма будет выполнена: а) только одним спортсменом; б) хотя бы одним спортсменом.

- ЗА. Сборщик получил 2 коробки одинаковых деталей, изготовленных заводом №1 и 3 коробки деталей, изготовленных заводом №2. Вероятность того, что деталь завода №1 стандартна, равна 0,9, а завода №2 — 0,85. Из произвольно взятой коробки сборщик наудачу извлек деталь. Найти вероятность того, что извлечена стандартная деталь.
- 4Б. Завод отправил на базу 5000 доброкачественных изделий. Версятность того, что в пути изделие повредится, равна 0,0002. Найти и приближенно оценить вероятность того, что на базу прибудут менее 2 негодных изделий.
- 5Б. На трех станках обрабатывают однотипные детали. Вероятность брака для I станка равна 0,02; для II 0,03; для и 0,04. Обработанные детали складывают в один ящик. Производительность I станка в 3 раза больше, чем II, а III в 2 раза меньше, чем II. Определить вероятность того, что взятая наудату деталь окажется бракованной.

6. ДИСКРЕТНЫЕ СЛУЧАЙНЫЕ ВЕЛИЧИНЫ

Контрольные вопросы и упражнения

- I. Сформулируйте определения: случайной величины; дискретной случайной величины; ряда распределения дискретной
 случайной величины (многоугольника распределения); математического ожидания дискретной случайной величины; дискерсии
 случайной величины; среднего квадратичного отклонения случайной величины; функции распределения случайной величины.
- 2. Перечислите основные свойства математического ожидания, дисперсии, функции распределения случайной величины.
- 3. Укажите размерности математического ожидения, дисперсим, среднего квадратичного отклонения, функции распределения случайной величины.
- 4. Дайте определения биномиального распределения и распределения Пуассона. Какова между ними связь?
- 5. Приведите примеры случайных величин, связанных со следующим опытом: игральная кость подброшена 3 раза.
 - 6. Какие из следующих таблиц:

B) \$! I! I! 2! 3 P!0,I!0,2!0,3! 0,4

могут служить законом распределения случайной величины?

7. Какие из следующих случайных величин имеют биномиальное распределение: а) число попаданий в минень при трех независимых выстрелах, если вероятность попадания ири каждом выстреле одна и та же; б) число очков, выпавших при бросании одной игральной кости; в) число "гербов", выпавших при четырехкратном бросании монеты?

Задачи и упражнения для аудиторной работы

- 6.IA. В урне 5 белых и 25 черных шаров. Наудачу вынули I шар. Построить ряд распределения числа вынутых белых шаров.
- 6.2A. Из партии в 15 изделий, среди которых имеются 2 бракованных, выбраны случайным образом 3 изделия для проверки их качества. Построить ряд распределения числа бракованных изделий, содержащихся в выборке.
- 6.3A. В группе из 5 изделий имеется I бракованное. Чтобы его обнаружить, выбирают наугад одно изделие за другим и каждое вынутое проверяют. Построить ряд распределения числа проверенных изделий.
- 6.4A. Построить ряд распределения числа попаданий мячом в корзину при двух бросках, если вероятность попадания при каждом броске равна 0,4.
- 6.5A. В урне имеются 4 шара с номерами от 1 до 4. Наудачу вынули 2 шара. Построить ряд распределения суммы номеров вынутых шаров.
- 6.6А. Из урны, содержичей 4 белых и 2 черных шара, наудачу извлекают 2 шара. Построить ряд распределения числа \S черных шаров среди этих двук. Найти для этой случайной величины M_{\S} , \mathcal{D}_{\S} , $(\S_{\S}, P(1 \leqslant \S < 3))$, $P(\S > 2)$, $P(\S > M_{\S})$, $P(\S = 1,5)$. Построить график $\mathcal{T}_{(S)}$.
- 6.7А. Написать закон распределения дискретной случайной величины ξ числа появлений "герба" при двух независимых бросаниях правильной монеты. Найти числовые характеристики этой случайны. Найти $P(f = M_{\xi} \mid < 1)$.
- 6.2А. Имеется 6 ключей, из которых только I подходит к замку. Найти математическое ожидание числа попыток при открывании замка, если ключ, не полошений к замку, в последующих

опробываниях не участвует.

- 6.9A. Охотник, имеющий 5 патронов, стреляет в цель до первого попадания (или пока не израсходует все патроны). Найти дисперсию числа израсходованных патронов. Построить график функции распределения этой случайной величины, если вероят—! ность попадания при каждом выстреле равна 0,4.
- 6.10А. Из урны, содержащей 5 белых и 3 черных шара, последовательно маудачу вынимают шары, причем операция извлечения продолжается до появления белого шара. Найти среднее квадратичное отклойение числа \S извлеченных черных шаров, если вынутые шары в урну не возвращаются. Найти $P(I\S-M_{\S}|< G_{\S})$.
- 6.11А. Из урны, содержащей 5 белых и 3 черных шара, случайным образом вынимают шары, причем операция извлечения прололжается до появления белого шара. Составить ряд распределения числа § извлеченных черных шаров, если вынутые шары возвращаются в урну. Найти вероятность попадания случайной величины в интервал (0,5;3).
- 6.12А. Из урны, содержащей 5 белых и 3 черных шара, наудачу вынимают 4 шара, причем каждый раз вынутый шар возвращают в урну и перемешивают. Найти дисперсию числа извлеченных черных шаров. Найти вероятность того, что число извлеченных черных шаров будет не более 2.
- 6.13А. Найти ошибку в следующих рассуждениях. Пусть случайная величина ј имеет закон распределения

Отсюда $M_{\xi} = -1 \cdot \frac{1}{3} + 0 \cdot \frac{1}{3} + 1 \cdot \frac{1}{3} = 0$, $M(\xi^2) = M(\xi \cdot \xi) = M_{\xi} \cdot M_{\xi} = 0$ С другой стороны, $M(\xi^2) = (-1)^2 \cdot \frac{1}{3} + 0^2 \cdot \frac{1}{3} + 1^2 \cdot \frac{1}{3} = \frac{1}{3}$.

6.14А. Известно, что \S и R — независимые случайные величины $\mathcal{D}_{\S}=1$, $\mathcal{D}_{R}=2$. Найдите ошибку в следующих вычислениях: $\mathcal{D}(\mathcal{L}_{\S}-3\eta)=4\mathcal{D}_{1}-9\mathcal{D}_{R}=4-18=-14<0$.

6.15Б. Является ли функция

a) $\int_{0.3, \text{ если }}^{0} x \le 0 \text{ или } 0)$ (0 , если $x \le 0$ 0.3, если $0 < x \le 1$ 0.3, если $0 < x \le 1$ 0.5, если $1 < x \le 2$ 0.2, если $1 < x \le 2$ 1, если x > 2 Сувкимей распределения некоторой случайной величины? В случае

положительного ответа построить ряд распределения случайной реличины.

- 6.16Б. Два стрелка стреляют по одной мишени независимо друг от друга. Первый стрелок выстрелил один раз, второй дважды. Вероятность попадания в мишень при одном выстреле для первого стрелка равна 0,4; для второго 0,3. Составить закон распределения общего числа попаданий. Найти вероятность того, что общее число попаданий будет больше одного.
- 6.17Б. Производится два независимых выстрела по мишени. Вероятность попадания при каждом выстреле равна ρ . Рассматриваются случайные величины: γ разность между числом попаданий и числом промахов; γ сумма числа попаданий и числа промахов. Построить для каждой из случайных величин γ , γ , ряд распределения. Найти их числовые характеристики.
- 6.18Б. Статистическое среднее числа вызовов, поступающих на АТС в минуту, равно 12О. Найти вероятности следующих событий: $A = \{$ за 2 секунды на АТС не поступит ни одного вызова $\}$; $B = \{$ за 1 секунду на АТС поступит хотя бы один вызов $\}$; $C = \{$ за 3 секунды на АТС поступит не менее 3 вызовов $\}$.
- 6.19Б. Число неисправностей, обнаруженных во время техосмотра автомобиля, распределено по закону Пуассона с параметром С. Если неисправностей не обнаружено, техническое обслуживание машины продолжается в среднем 2 ч. Если обнаружены I
 или 2 неисправности, то на устранение каждой из них тратится
 в среднем еще 0.5 ч. Если обнаружено больше 2 неисправностей,
 то машина ставится на профилактический ремонт, где она находится в среднем 4 ч. Определить закон распределения среднего
 времени Т обслуживания ремонта машины и его математическое
 ожидание.

Запачи и упражнения для самостоятельной работы

- 6.20A. В партии из 6 деталей имеется 4 стандартных. Наудачу отобраны 3 детали. Составить закон распределения числа стандартных деталей среди отобранных.
- 6.21A. В партии деталей 10 % нестандартных. Наудачу отобраны 4 детали. Составить закон распределения нестандартных деталей среди четырех отобранных.
- 6.22А. Рабочий обслуживает 3 независимо работающих станка. Версичность гого, что в течение часа не потребует внима-

ния рабочего, равна для первого станка 0,7° для второго - 0,8, для третьего - 0,9. Найти дисперсию числа станков, которые не потребуют внимания рабочего в течение часа. Найти $P(\S \gg M_\S)$.

- 6.23Å. Вероятность изготовления нестандартной детали равна 0,1. Из партии контролер случайным образом берет деталь и проверяет ее качество. Если она оказывается нестандартной, дальнейшие испытания прекращаются, а партия задерживается. Если деталь окажется стандартной, то контролер берет следующую и т.д. Но всего он проверяет не более 5 деталей. Найти математическое ожидание числа проверяемых стандартных деталей. Найти $P(1 \le 6)$.
- 6.24А. Срок службы шестерен коробок передач зависит от следующих независимых факторов: усталости материала в основник зуба, контактных напражений и жесткости конструкции. Вероятность отказа каждого фактора в одном испытании равна О.І. Найти функцию распределения числа факторов, отказавших в одном испытании.
 - 6.25А. Игральную кость подбрасывают случайным образом 3 раза. Найти среднее квадратичное отклонение числа выпадений шестерки. Найти
- 6.26А. Найти метеметическое ожидение числе выперших очков при случайном подбрасывании игральной кости.
- 6.27A. Распределение дискретной случайной величины ў есть <u>§ ! I ! 3 ! 5 ! 7 ! 9</u> .

 Р !0.110.2!0.3!0.1

Найти распределение случайной величины $\eta = min\{\xi, 4\}$.

- 6.28A. Могут ли математическое ожидание и дисперсия случайной величини быть: а) больше I; б) меньше 0?
- 6.29А. Найдите ошибку в следующих рассуждениях. Пусть $\mathcal{D}_s=2$. Тогда $\mathcal{D}(2\mathfrak{F})=4\mathcal{D}(\mathfrak{F})=8$. С другой стороны, $\mathcal{D}(2\mathfrak{F})=2\mathfrak{F}+\mathfrak{F}=3\mathfrak{F}=4$.
- 6.30Б. Вероятность того, что стрелок попадает в мижень при каждом независимом выстреле, равна 0,8. Стрелку последовательно выдаются патроны до тех пор, пока он не промахнется. Составить закон распределения числа патронов, выданных стрелку; найти наивероятнейшее число m_{ϕ} выданных стрелку патронов.
- 6.31Б. Рассматривая детерминированную величину как случайную, построить для нее: 1) ряц распределечия; 2) функцию

распределения: 3) найти математическое ожидание и дисперсию.

6.325. Сколько изюма должны содержать в среднем сдобные булочки для того, чтобы вероятность иметь хотя бы опну изиминку в булке была не менее 0.99?

Задачи на повторение

6.33А. Случайная величина 🖁 принимает значения - I. О и I с вероятностями, соответственно равнами I/4, I/2 и I/4. Написать выражение функции распределения и построить ее график.

6.34А. Случайная величина 🕴 имеет ряд распределения:

	#!							Ī	11 7	5	
	P!					0,2		0,4	! 0	, I	•
Наити	вероят	HOCTE	TOPO	, YTO	вели	внина	=	примет	значе	ние,	не
превос	холяше	e un s	noco a	MORTO	Bells	чине 1					

6.35А. В урне 5 белых и 25 черных шаров. Наудачу вынули один шар. Для случайной величины 🗧 - числа вынутых белых шаров - найти \mathcal{D}_{ξ} , $\mathcal{P}(\xi > 0,5)$.

- 6.36А. Для сборки прибора требуется иметь 4 одинаковые детали: всего в нашем распоряжении IC деталей, из которых 6 доброкачественных и 4 негодных; на вид детали неразличимы. Из имеющихся деталей случайным образом выбирают 5 деталей (одну лишною - "в запас"). І. Найти ряд распределения числа доброкачественных деталей в выборке, 2. Найти вероятность того, что не менее 4 из них окажутся доброкачественными,
- 6.37А. Имеется 7 радиолами, среди которых 3 неисправные, на вид неотличимые от новых. Наугад берут 4 радиоламиы и "вставляют в 4 патрона. Найти математическое ожидание, дисперсию и среднее квадратичное отклонение числа радиолами, которые будут работать.
- 6.38А. Найти математическое ожидание числа лотерейных билетов, на которые выпадут выигрыши, если приобретено 40 билетов, причем вероятност выиграть по каждому билету равна 0.05?
- 6.39А. На участке имеется 5 одинаковых станков, коэффициент использования которых по времени составляет 0,8. Найти математическое ожидание числа работающих станков при нормальном коде произволства.

6.40A. Мищень установлена так, что может вращаться вокруг оси (см.рисунок). При попадании в сектор I стрелок вы-



игрывает I руб., в сектор 2 - 2 руб. и т.д. При достаточно большой угловой скорости вращения мишени стрелок не в состоянии различить цифры, выписанные на секторах, и поэтому он стреляет наугад. Будет ли игра беспроигрышной,

если за право стрелять один раз надо платить 5 руб.?

- 6.4IA. На пути движения автомобиля 4 независимо работающих светофора, каждый из которых либо разрешает, либо запрещает дальнейшее движение автомобиля с вероятностью 0,5. По¬ строить график функции распределения числа светофоров, пройденных автомобилем до первой остановки. Найти Р(-I< ₹<2).
- 6.42Б. Имеется n заготовок для одной и той же детали. Вероятность изготовления годной детали из каждой заготовки равна n. Построить ряд распределения числа заготовок, оставшихся после изготовления первой годной детали.
- 6.43Б. Два стре..ка стреляют каждый по своей мишени, делая независимо друг от друга по одному выстрелу. Вероятность попадания в мишень для первого стрелка $P_{\rm I}$, для второго $P_{\rm C}$. Рассматриваются две случайные величини: ξ число попаданий первого стрелка; η число попаданий второго стрелка и их разность μ = ξ η .

Построить ряд распределения случейной величины М

найти ее характеристики Ми и Ди.

6.44Б. Производится ряд попыток включить двигатель. Каждая попытка заканчивается успехом (включением двигателя) независимо от других с вероятностью P = 0.6 и занимает время T. Найти распределение общего времени T, которое потребуется для запуска двигателя.

6.45Б. Дан закон распре эления случайной величины 🧗

	-	-	خسي فخي	-	-				West Dates with	dies
1 2	T	- 1	2	1.54	3	1	4	Ť	5	
1 :	1		Es.	1	J		-2		0	
		-	-	And other	ante anni	-		-	AND NOT AND	46100
P!	T 50	4	17 12	1	N	1	a	1	0.5	
P :	7000	2	Ed.		(A)		6-6-	,	0,0	
		-	gam ago	-	-	APT	MARK - 4000 - 4000	-	early date con	-

Найдите: I) (2; 2) P($\xi \ge 3$); 3) P($\xi < 4$); 4) наибольшее эначение K, при котором P($\xi \ge K$) > 0.75.

- 6.46Б. К случайной величине $\mathfrak F$ прибавили постоянную, неслучайную величину $\mathfrak C$. Как от этого изменяются ее характеристики: I) математическое ожидание; 2) дисперсия; 3) среднёе квадратичное отклонение?
- 6.47Б. Учащийся должен определить дату каждого из трех исторических событий: восстания Степана Разина, крестьянской войны Пугачева и восстания декабристов, пользуясь списком из трех дат: I667 г., I773 г., I825 г. Не зная правильного ответа, он подбирает даты наугад. Составьте закон распределения числа правильно названных дат. Найдите вероятность того, что ученик угадает хотя бы одну дату.
- 6.48Б. Корректура в 500 страниц содержит I300 опечаток. Считая применимым закон Пуассона, найти наиболее вероятное число опечаток на одной странице текста и вероятность этого числа.
- 6.49Б. При испытании легированной стели на содержание углерода вероятность того, что в случайно взятой пробе процент углерода превысит допустимый уровень, равна P=0.01. Считая применимым "закон редких явлений" (закон Пуассона), вычислить, сколько в среднем необходимо испытать образцов, чтобы с вероятностью $P=0.95\ yr$ занный эффект наблюдался по крайней мере I раз.
- 6.50Б. Средняя плотность болезнетворных микробов в $I \, M^3$ воздуха равна I00. Случайным образом берут на пробу $2 \, дм^3$ воздуха. Найти вероятность того, что в нем будет обнаружен хотя бы один микроб.
- 6.51Б. Устройство состоит из 4 независимых элементов. Вероятность отказа любого элемента за время опыта равна 0,2. Найдите математическое ожидание числа опытов, в каждом из которых откажет только I элемент, если всего произведено Ебо независимых опытов.

7. НЕПРЕРЫВНЫЕ СЛУЧАЙНЫЕ ВЕЛИЧИНЫ

Контрольные вопросы и упражнения

- I. Дайте определение непрерывной случайной величины.
- 2. Сформулируйте определение плотности распределения вероятностей.
- 3. Приведите формулы, которые выражают связь плотности распределения с функцией распределения.

- 4. Дайте определение математического ожидания непрерывной случайной величины.
- 5. Напишите выражение плотности нормального закона рас- пределения и объясните смысл входящих в него параметров.
 - 6. Чему равны матемотическое ожидание и дисперсия нормального распределения с плотностью $\rho(x) = \frac{1}{\sqrt{x}} \exp\left[-\frac{(x+1)^2}{x^2}\right]$?
 - 7. Дайте определение функции Лапласа и перечислите ее свойствя.
 - 8. Напишите все известные Вам формулы вычисления вероятности попадания случайной величины на заданный интервал.
 - 9. Сформулируйте правило "трех сигм".
 - 10. Может ли при каком-либо значении аргумента быть: I) функция распределения больше I; 2) илотность распределения больше І; функция распределения отрицательной: 4) плотность распределения отрицательной?

Задачи и упражнения для аудиторной работы

7. ГА. Функция распределения равномерно распределенной случайной величины 🕴 имеет вид

$$\mathcal{F}(x) = \begin{cases} 0, & \text{при} & x < 0 \\ ax, & \text{при} & 0 \le x \le 2 \\ 1, & \text{при} & x > 2 \end{cases}$$

 $f(x) = \begin{cases} 0 & \text{при} & x < 0 \\ a & x, \text{при} & 0 \leqslant x \leqslant 2 \\ 1 & \text{при} & x > 2 \end{cases}$ I) Найти коэффициент α , плотность P(x), математическое ожидание M_{ξ} , дисперсию \mathcal{D}_{ξ} , среднее квадратичное отклонение 👣 непрерывной случайной величины 🕴 . 2) Построить графики функций $\mathcal{F}_{\epsilon}(x)$ и $P_{\epsilon}(x)$. 3) Вычислить $P(0 \le 1 \le 15)$ P(\$7 M), P(\$<1), P(15-M)(<1).

7.2А. Определить, при каких значениях од функция

$$f(x) = \begin{cases} 0, & \text{при } x \le 0 \\ a & \text{in } x, & \text{при } o < x \le \pi \\ 0, & \text{при } x > \pi \end{cases}$$

является плотностью распределения вероятностей случайной ве-🕴 , и найти: а) функцию распределения случайной величины; б) $P(\frac{\pi}{6} < \frac{\pi}{3})$, $P(\frac{\pi}{2} = \frac{\pi}{2})$, $P(-\frac{\pi}{3} < \frac{\pi}{2} < \frac{\pi}{2})$, $P(-\frac{\pi}{3} < \frac{\pi}{2} < \frac{\pi}{2} < \frac{\pi}{2})$

7.3А. (Устно). Случайная величина распределяется по закону "прямоугольного треугольника" в интервале (0,1) (см.ри-

сунок). Найти
$$P(\xi < 2)$$
, $P(\xi > 1,5)$, $P(9,5 < \xi < 1)$.

7.4А. Функция распределения случайной величины 🕴 задана графиком (см. рисунок). Найти * MF, P(F(2), P(F>0).

7.5А. Случайная величина распределена по нормальному закону с α = 3, \mathcal{C} = 4. Найти $P_{\epsilon}(x)$, $P(1<\xi<3)$, $P(\xi=$

= 2), $P(\xi > 5)$, $P(\xi \le 0)$.

7.6А. Найти вероятность того, что значение нормально распределенной случайной величины } отклонится от ее математического ожидания менее, чем на 2, если $\mathcal{M}_{\mathbf{F}} = -10$, $\mathcal{D}_{\mathbf{F}} = 9$.

- 7.7А. Случайная величина Е ошибка измерений распределена по нормальному закону. Найти вероятность того. что систематическая погрешность отсутствует).
- 7.8А. Деталь, изготовленная автоматом, считается годной, если отклонение контролируемого размера от номинала не превышает 10 мм. Случайные отклонения контролируемого размера от номинала подчиняются нормальному закону с $\alpha = 0$, G = 5. Какова вероятная доля годинх деталей в общем числе деталей?
- 7.9Б. Плотность распределения задается следующим обра-30M:

$$P_{\mathbf{f}}(x) = \begin{cases} 0, & \text{при} & x \le 0 \\ x, & \text{при} & 0 < x \le 1 \\ 2 - x, & \text{при} & 1 < x \le 2 \\ 0, & \text{при} & x > 2 \end{cases}$$

Найти М, Р(0,5 < ₹ < 1,5), Р(₹ > 0,5), Р(₹ < 2).

7.10Б. Случайная величина 🚦 имеет плотность вероятности •(показательное распределение)

 $P(t) = \begin{cases} 0, & \text{npu} & t < 0 \\ \lambda e^{-\lambda t}, & \text{npu} & t \ge 0, \end{cases} \quad \lambda > 0.$

Найти функцию распределения $\mathcal{F}_{\epsilon}(t)$, М. \mathfrak{D}_{ϵ} , С. $P(\xi < \mathsf{M}_{\epsilon})$.

7.IIБ. Вероятность обнаружения затонувшего судна за время поиска t задается форму и $P(\xi < t) = 1 - e^{-t}$ ($\chi > 0$) Определить вероятное время поиска, необходимся для обнаружения судна.

7.125. Шкала секундомера имеет цену деления 0,2 с. Какова вероятность сделать по этому секундомеру отсчет времени с ошибкой более 0,05 с, если отсчет делается наудачу с округлением

в ближайшую сторону до целого деления?

7.13Б. Случайные ошибки измерения подчинены нормальному закону со средним квадратичным отклонением $\mathcal{C}=20$ мм и математическим ожиданием $\mathcal{C}=0$. Найти вероятность того, что из трех независимых измерений ошибка хотя бы одного из них не превзойдет по абсолютной величине 4 мм.

7.14Б. Стрельба ведется из точки 0 вдоль прямой 0х. Средняя дальность полета снаряда равна m. Предполагается, что дальность полета f распределена по нормальному закону со средним квадратичным отклонением G=80 м. Найти, какой процент выпускаемых снарядов дает перелет от 120 м до 160 м.

Задачи и упражнения для самостоятельной работы

7.I5A. Определить, при каком значении lpha функция

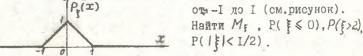
$$\mathcal{F}_{\mathbf{f}}(\mathbf{x}) = \begin{cases} 0, & \text{при} & \mathbf{x} \leq 2\\ \alpha(\mathbf{x}^2 - 4), & \text{при} & 2 < \mathbf{x} \leq 3\\ 1, & \text{при} & \mathbf{x} > 3 \end{cases}$$

7.16A. Определить, при каком значении lpha функция

$$f(x) = \begin{cases} 0, & \text{npu} & x \le 0 \\ ax^2, & \text{npu} & 0 < x \le 3 \\ 0, & \text{npu} & x > 3 \end{cases}$$

является плотностью распределения вероятностей случайной величины f и найти $\mathcal{F}_{\mathfrak{p}}(x)$, $P(\xi > 2)$.

7.17A. (Устно). Случайная величина распольника подчинена закону Симпсона (закону "равнобедренного треугольника") на участке



7.18А.: Диаметры деталей, выпускаемых цехом, распределявтся по нормальному закону с параметрами $M_1 = 5$ см, $S_1 = 0.81$ см². Найти вероятность того, что диаметр наудачу взятой детали а) заключен в пределах от 4 до 7 см; б) отличается от математического ожидания не более чем на 2 см.

7.19А. Найти $P(\xi > 3)$ и $P(-I < \xi < 2)$ для случайной величинь с плотностью вероятностей $P(x) = \frac{1}{3\sqrt{x}} \exp\left[-\frac{(x+1)^2}{g}\right]$.

7.20Б. Случайная величина ξ распределена по закону Кочи $P_{\xi}(x) = \frac{\alpha}{1+x^2}$, $\alpha = const$.

а) Найти lpha , $\mathcal{F}_{\mathbf{r}}(x)$, $\mathrm{P}(-\mathrm{I}<\S<\mathrm{I})$; б) существуют ли для случайной величины | числовые характеристики: математическое ожидание и дисперсия?

7.2IБ. Время ожидания у бензоколонки автозапровочной станции является случайной величиной 🕴 , распределенной по показательному закону со средним временем ожидания, равным t_0 . Найти вероятности следующих событий: I) $A = \{\frac{t_0}{2} < \xi < \frac{3}{2} t_0\}$; 2) B={ F>to].

7.22Б. Для равномерно распределенной на [а, 6] случайной величины ξ найти $P_{\epsilon}(x)$, $\mathcal{F}_{\epsilon}(x)$, M_{ϵ} , \mathcal{D}_{ϵ} , G_{ϵ} .

7.23Б. Предположим, что рост взрослых мужчин является случайной величиной, распределенной по нормальному закону. Пусть математическое ожидание ее равно 175 см, а среднее квадратичное отклонение - 6 см. Определить вероятность того. что хотя бы один из наудачу выбранных пяти мужчин будет иметь рост от 170 до 180 см.

Задачи на повторение

7.24А. Случайная величина задана функцией распределения

$$\mathbf{F}(\mathbf{x}) = \begin{cases}
0, & \text{при} & \mathbf{x} < 1 \\
\mathbf{x} - \mathbf{i}, & \text{при} & 1 \le \mathbf{x} \le 3 \\
1, & \text{при} & \mathbf{x} > 3
\end{cases}$$

Найти D_{\sharp} , $P(2.5 \leqslant \frac{1}{3} \leqslant 3.5)$.

7.25А. Дана плотность распределения случайной величини

7.25А. Дана плотность распределения случайной величини
$$0 \quad \text{при} \quad x < 0$$

$$P(x) = \langle \lambda(4x - x), \text{ при} \quad 0 < x < 2$$
 при $x > 2$ $\lambda - const$. Найти λ , $\mathcal{F}_{\xi}(x)$, $P(-2 < \xi < 1)$, \mathcal{M}_{ξ} 7.26А. Дана функция
$$0 \quad \text{при} \quad x < 0$$

При каком значении
$$\alpha$$
 функция $f(x)$ является плотностью рас-

пределения случайной величины } ?

7.274 Случайная величина } имеет функцию распределе-

ния
$$\mathcal{F}_{\mathbf{x}}(x) = \begin{cases}
0 & \text{при } x < 0 \\
x/16 & \text{нри } 0 \leqslant x < 2 \\
x - \frac{x}{4} & \text{при } 2 \leqslant x < 11/4 \\
1 & \text{при } x \geqslant 11/4
\end{cases}$$

Найти: а) плотность вероятности Р(х) случайной величины 🗧 $\mathcal{F}_{\xi}(x)$ и $\mathcal{P}_{\xi}(x)$; в) найти вероятность б) построить графики попадания случайной величины } на отрезок [1;1,5].

7.28Б. Плотность распределения случайной величины §

дана следующим образом:

$$P(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leqslant 0 \\ x & \text{при } 0 < x \leqslant 1 \\ 2 - x & \text{при } 1 < x \leqslant 2 \\ 0 & \text{при } x > 2 \end{cases}$$
Найти G_{ξ} , $P(\xi \leqslant 1,5)$. Построить график функции $P(x)$.

7.29Б. Показать, что функция (2) = 3.72 является плотностью вероятности некоторой случайной величины } вычислить вероятность испадания случайной величины участок $(\mathcal{K}; \infty)$.

7.30Б. Проверить, будет ли функция

$$f(x) = \begin{cases} 0, & \text{при } x < 0 \\ e^{-x}, & \text{при } x \geqslant 0 \end{cases}$$

являться плотностью вероятности. Найти функцию распределения $\mathcal{F}_{\mathbf{k}}(x)$ и вероятность Р($\mathbf{I} \leqslant \frac{\pi}{2}$ < 2).

7.31Б. Случайная величина ξ подчинена закону с плотностью распределения $P_{\xi}(x) = \lambda e^{-|x|}$ Определить значение λ 7.32Б. Случайная величина ξ (время работы лампы конденсатора) задается плотностью распределения

 $P(x) = \begin{cases} 0, \text{ при } x \leqslant 0 \\ 0,001 \text{ ехр}[-\frac{x}{100}], \text{ при } x > 0 \end{cases}$ Найти: I) F(x); 2) вероятность того, что лампа конденсатора

будет работать не более 1000 ч; 3) $\mathcal{M}_{\mathfrak{p}}$, $\mathcal{D}_{\mathfrak{p}}$, $\mathcal{C}_{\mathfrak{p}}$

7.33Б. Все значения равномерно распределенной случайной величины лежат на отрезке [2:8]. Найти вероятность попадания случайной величины в промежуток [3:5].

7.34Б. Равномерно распределенная случайная величина Е сосредоточена на мнтервале (0;2). Определить M_{ξ} , Λ_{ξ} , нарисовать график ее функции распределения.

7.35Б. Шкала рычажных весов, установленных в лаборатории. имеет цену делений I г. При измерении массы химических компонентов смеси отсчет делается с точностью до целого деления с округлением в ближайщую сторону. Какова вероятность, что абсолютная ошибка определения массы: а) не превысит величины среднеквадратичного отклонения возможных ошибок определения

массы; б) будет заключена между значениями б и гб?

7.36Б. Поезда данного маршрута городского трамвая идут с интервалом в 5 мин. Пассажир подходит к трамвайной остановке в некоторый момент времени. Какова вероятность появления пассажира не ранее, чем через I мин после ухода предыдущего поезда, но не позднее, чем за 2 мин до отхода следующего поезда?

7.37Б. Размер диаметра втулок, изготовляемых цехом, можно считать нормально распределенной случайной величиной с математическим ожиданием $\alpha = 2.5$ см и дисперсией $\sigma^2 = 0.0001$ см². В каких границах можно практически гарантировать размер диаметра втулки, если за вероятность практической достоверности принимается 0,997?

7.38Б. Коробки с шоколадом запаковываются автоматически. Их средняя масса равна I,06 кг. Найти среднее квадратичное отклонение, если 5 % коробок имеют массу меньше I кг. Предполагается, что масса коробок распределена по нормальному закону.

7.39Б. Случайная величина **р** — ошибка измерительного прибора — распределена по нормальному закону с дисперсией 16 мк. Систематическая ошибка прибора отсутствует. Найти вероятность того, что в пяти независимых измерениях ошибка превзойдет по модулю 6 мк не более трех раз.

7.40Б. В нормально распределенной совокупности 15~% значений x меньше 12 и 40~% значений x больше 16,2. Найти среднее значение и среднее квадратичное отклонение данного распределения.

7.4IA. Всякая ли случайная величина имеет: а) математическое ожидание? б) дисперсию? в) функцию распределения? г) плотность вероятностей?

7.42А. Приведите примеры непрерывных и дискретных случайных величин.

7.43А. Может ли математическое ожидание случайной величины быть больше, чем ее эреднее квадратичное отклонение?

7.44А. У случайной величины ξ измени знак на обратный. Как изменится при этом M_{ξ} , A_{ξ} и C_{ξ} ?

7.45А. Вероятность события равна 0. Следует ли из этого, что событие невозможно?

7.46A. Вероятность события равна I. Следует ли из этого, что событие достоверно?

7.47A. Для каких случайных величин существует: ряд распределения, функция распределения, плотность вероятностей?

7.48Б. Может ли функция распределения случайной величины: а) иметь конечные разрывы? б) бесконечные разрывы? в) на некоторых участках оставаться постоянной? г) всюду быть постоянной? д) убывать?

7.49Б. Может ли плотность распределения случайной величины иметь: а) конечные разрывы? б) бесконечные разрывы? в) на некотором участке оставаться постоянной? г) всюду оставаться постоянной? д) убывать?

7.50Б. Укажите размерность плотности распределения вероятностей.

КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА № 2

Вариант І

IA. Два стрелка независимо друг от друга стреляют по одной мишени, делая по одному выстрелу. Вероятность попадания при одном выстреле для первого стрелка равна 0,3; для второ- 00,4. Построить ряд распределения числа попаданий. Найти 01, 02, 03, 04, 05, 05, 06, 07, 08, 09,

 M_{ξ} , $P(-1 \leqslant \xi \leqslant 1)$, $P(\xi \leqslant 1/2)$, $P(\xi = 1/2)$.

2A. Дана $P_{\xi}(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leqslant 0 \\ 0 & \text{при } 0 \leqslant x \leqslant 2 \\ 0 & \text{при } x > 2 \end{cases}$

Найти Q , P(I< } <3), Д .

3Б. Для нормально распределенной случайной величины f_{\bullet} с $\mathcal{C}=3$, $\mathcal{L}_{\xi}=2$. Найти $P(0<\xi<3)$, $P(\xi=2)$ и вероятность того, что случайная величина примет значение, большее I.

4Б. Автобусы некоторого маршрута идут строго по расписанию. Интервал движения 6 мин. Найти вероятность того, что пассажир, подошедший к остановке, будет ожидать очередной автобус менее 2 мин.

1 риант 2

ІА. Дана

$$\mathcal{F}_{\mathbf{S}}(x) = \begin{cases} 0, & \text{при } x \leq 0 \\ \alpha x^2, & \text{при } 0 < x \leq 2 \\ 1, & \text{при } x > 2 \end{cases}.$$

Hante α , $P_{\mathfrak{f}}(x)$, $M_{\mathfrak{f}}$, $P(\mathfrak{f}>1)$.

2А. Из урны, содержащей 3 бедых и 5 черных шаров, извла

кают шары до появления белого шара. Построить ряд распределения числа извлеченных черных шаров. Найти P(I < f < 3), P(f = I,3), I_f .

- 3Б. Вероятность отказа детали за время испытания на надежность равна 0,2. Найти математическое ожидание числа отказавших деталей, если испытанию будет подвергнуто IC деталей.
- 4Б. Найти вероятность того, что случайная величина отклонится от своего математического ожидания более чем на среднее квадратичное отклонение, если $\{ \}$ распределена по нормальному закону с $\{ \}$ $\{$

8. СИСТЕМЫ СЛУЧАЙНЫХ ВЕЛИЧИН

Контрольные вопросы и упражнения

- I. Дайте определение дискретной двумерной случайной ве
 "личины (1,7). Приведите примеры.
- 2. Дайте определение непрерывной двумерной случайной величины (§ 17). Приведите примеры.
- 3. Сформулируйте определение и свойства функции распределения двумерной случайной величины.
- 4. Сформулируйте определение и свойства плотности распределения двумерной случайной величины (1 7).
- 5. Запишите формуль вычисления плотности распределения каждой из случайных величин f и η через плотность распределения двумерной случайной величины (f, η).
 - 6. Двумерная случайная величина задана таблицей.

in 3	x_i	x_2	$ x_3 $
y 1	0,1	0	0,2
¥2	0	0,2	0,3
43	0,1	0	0,1
n n	Oxenan.		and and

Составить ряд распределения каждой из случайных величин ξ и η .

- 7. Стормулируйте необходимое и достаточное условие независимости непрерывных случайных величин.
- 8. Сформулируйте необходимое и достаточное условие независимости дискретных случайных величин.
- 9. Прумерная случайная величина (\S, η) задана плотностью вероятности: $P_{\S,\eta}(x,y) = \frac{1}{\sqrt{(x-y)^2 + (x-y)^2}}$

Зэвисимы или независимы случайные величины 🕴 и η ?

10. Дайте определение корреляционного момента $\mathcal{K}_{\xi,\eta}$ между случайными величинами 🕴 и 🤈

II. Сформулируйте определение и свойства коэффициента

Задачи и упражнения для самостоятельной работы

8. Г.Б. Дана таблица, определяющая закон распределения

151	20	40	60
10	зλ	λ	0
20	2λ	4,λ	2λ
30	λ	2.λ	5 λ

двумерной случайной величины (, ,) . Найти: I) коэффициент Л : 2) математические ожидания М; , М, ;

3) дисперсии Д, Д,

4) коэффициент корреляции T 5, 7 .

8.2E.

Двумерное распределение 1 3 1 10 1 12 случайной величины (5,7)
4 0,17 0,13 0,25
5 0,10 0,30 0,05

8.3Б. Двумерная случайная величина (🗼 , η) подчинена закону распределения с плотностью

$$P(x,y) = \begin{cases} axy, & (x,y) \in \mathcal{D} \\ o, & (x,y) \notin \mathcal{D} \end{cases}$$

Область \mathscr{D} - треугольник, ограниченный прямыми $x+y=1, \quad x=0,$ y = 0. Hauth: I) α ; 2) $M_{\tilde{g}}$, $M_{\tilde{q}}$; 3) $\mathcal{D}_{\tilde{g}}$, $\mathcal{D}_{\tilde{q}}$; 4) $\tau_{\tilde{g},\tilde{q}}$.

8.4Б. Двумерная случайная величина (🖡 , η) задана функеления 0 , при $x \leqslant 0$ или $y \leqslant 0$, sin x sin y , при $0 \leqslant x \leqslant \frac{\pi}{2}$ и $0 \leqslant y \leqslant \frac{\pi}{2}$ sin x , при $0 \leqslant x \leqslant \frac{\pi}{2}$ и $y \geqslant \frac{\pi}{2}$ sin y , при $0 \leqslant y \leqslant \frac{\pi}{2}$ и $x \geqslant \frac{\pi}{2}$ цией распределения , при х>₹ и ч>∓

Найти коэффициент корреляции.

8.5Б. Двумерная случайная величина (ξ, η) подчинена закону распределения с плотностью

 $P_{S,\gamma}(x,u) =
\begin{cases}
a \sin(x+y) & \text{при } 0 \le x \le \frac{\pi}{2} \quad u = 0 \le y \le \frac{\pi}{2} \\
0, & \text{при любых других значениях } x = y
\end{cases}$ HANTH $P(0 \le \xi \le \frac{\pi}{2}; 0 \le \eta \le \frac{\pi}{4})$

8.6Б. Функция распределения двумерной случайной величины (Е) имеет вид

$$F_{1}(x,y) = \begin{cases} (1-e^{-4x})(1-e^{-2y}), & \text{при } x>0 \text{ и } y>0 \\ 0, & \text{при } x\leq 0 \text{ или } y\leq 0. \end{cases}$$

Найти P(x,y), $P(0 \leqslant \xi \leqslant I; 0 \leqslant \eta \leqslant I)$.

8.7Б. Плотность вероятности двумерной случайной величины (17) задана выражением

 $P_{x,\chi}(x,y) = \begin{cases} x+y & \text{при } 0 < x < 1 \text{ и } 0 < y < 1 \\ 0 & \text{при любых других значениях } x \text{ и } y^*. \end{cases}$ Найти коэффициент корреляции между случайными величинами 🛊 и

8.8Б. Двумерная случайная величина (🖡 🎵) равномерно распределена в треугольнике, ограниченном прямыми $y=\infty$, у = 0, x = 2. Найти коэффициент корреляции случайных величин

8.9Б. Двумерная случайная величина (🗧, 7) подчинена закону равномерной плотности распределения внутри круга радиуса 2 с центром в начале координат. Установить, являются ли случайные величины 🕴 и 7 зависимыми. В случае их зависимости определить, коррелировани ли они.

8. IOE.
 0,15
 0,12
 0,09
 таблицей.

 0
 0,35
 0,21
 случайные

8.IIB. 0,02 0,00 0,12

Двумерная случайная ве- (x, x_1, x_2, x_3) личина (\S, η) задана

> Зависимы или независимы случайные величины 🕴

Двумерная случайная величина (🖡 η) задана таблицей.

Зависить или независимы случайные величины Е и 7 Коррелированы или некоррелированы они?

8.12Б. Следует ли из некоррелированности случайных величин их независимость? А наоборот?

8.13Б. Каков коэффициент корреляции случайных величин $\eta = t - 2$:

8.14Б. Коррелированы ли две случайные величины $\eta = 2 + 3$ г. Если да, то каков их коэффициент корреляции?

8.15Б. Чему равен корреляционный момент двух случайных величин **ξ** и 1+ **ξ** ?

		Прило°жение I											
		Табл	лица з	начени	й функ	KUNN $\varphi(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \cdot e^{-\frac{x^2}{2}}$							
	(2011	yee.			,	V	21					
x	0	Ī	£ = -	0,03	4	5	6	7	8 1 9				
0012345 000000000000000009	0,3989 3970 3910 3814 3683 3521 3332 3123 2897 2661	3989 3965 3902 3802 3668 3503 3312 3101 2874 2637	3989 3961 3894 3790 3653 3485 3292 3079 2850 2613	3988 3956 3885 3778 3637 3467 3271 3056 2827 2589	3986 3951 3876 3765 3621 3448 3251 3034 2803 2565	3984 3945 3867 3752 3605 3429 3230 3011 2780 2541	3982 3939 3857 3739 3589 3410 3209 2989 2756 2516	3980 3932 3847 3726 3572 3391 3187 2966 2732 2492	3977 3975 3925 3918 3836 3825 3712 3697 3555 3538 3372 3352 3166 3144 2943 2920 2709 2665 2468 2444				
1.23 1.56 7.89	0,2420 2179 1942 1714 1497 1295 1109 0940 0790	2396 2155 1919 1691 1476 1276 1092 0925 0775 0644	2371 2131 1895 1669 1456 1257 1074 0909 0761 0632	2347 2107 1872 1647 1435 1238 1057 0893 0748 0620	2323 2083 1849 1626 1415 1219 1040 0878 0734 0608	2299 2059 1826 1604 1394 1200 1023 0863 0721 0596	2275 2036 1804 1582 1374 1182 1006 0848 0707 0584	2251 2012 1781 1561 1354 1163 0989 0833 0694 0573	2227 2203 1989 1965 1758 1736 1539 1518 1334 1315 1145 1127 0973 0957 0818 0804 0681 0669 0562 0551				
0123456789	0.0540 0440 0355 0283 0224 0175 0136 0104 0079 0060	0529 0431 0347 0277 0219 0171 0132 0101 0077 0058	0519 0422 0339 0270 0213 0167 0129 0095 0075	0508 0413 0332 0264 0208 0163 0126 0096 0073 0055	0498 0404 0325 0258 0203 0158 0122 0093 0071 0053	0488 0396 0317 0252 0198 0154 0119 0091 0069 0051	0478 0387 0310 0246 0194 0151 0116 0088 0067 0050	0468 0379 0303 024I 0189 0147 0113 0086 0065 0048	0459 0449 037I 0363 0297 0290 0235 0229 0184 0180 0143 0139 0110 0107 0084 008I 0063 006I 0047 0046				
0123456789 33333333333333	0,0044 0033 0024 0017 0012 0009 0006 0004 0003 0002	0043 0032 0023 0017 0012 0008 0006 0004 0003 0002	0042 0031 0022 0016 0012 0008 0006 0004 0003 0002	0040 0030 0022 0016 0011 0008 0005 0004 0003 00 ?	0039 0029 0021 0015 0011 0008 0005 0004 0003 0002	0038 0028 0020 0015 0010 0007 0005 0004 0002	0037 0027 0020 0014 0010 0007 0005 0003 0002	0036 0026 0019 0014 0010 0007 0005 0003 0002 0002	0035 0034 0025 0025 0018 0018 0013 0013 0009 0009 0007 0006 0005 0004 0003 0003 0002 0002 0001 0001				

	Приложение 2												
	Тас	блица	значений ф	ункции	$\Phi(x) = \sqrt{\frac{1}{2\pi}} \int_{0}^{x} e^{-\frac{t^{2}}{2}} dt$								
\dot{x}	$\varphi(x)$	x	$ \phi(x) $	x	$\Phi(x)$	$\frac{\circ}{x}$	$\Phi(x)$						
0,00	0,0000	0,33	0,1293	0,66	0,2454	0,99	0,3389						
0,01	0,0040	0,34	•	0,67	0,2486	I,00	0,3413						
0,02	0,0080	0,35		0,68	0,2517	10,1	0,3438						
0,03	0,0120	0,36	0,1406	0,69	0,2549	1,02	U,346I						
0,04	0,0160	0,37	0.1443	0,70	0,2580	I,03	0,3485						
0,05	0,0199	0,38	0,1480	0,71	0,2611	I,04	0,3508						
0,06	0,0239	0,39		0,72	0,2642	I,05	0,353Ĭ						
0,07	0,0279	0,40	0,1554	0,73	0,2673	I,06	0,3554						
0,08	0,0319	0,41	0,1591	0,74	0,2703	1,07	0,3577						
0,09	0,0359	0,42	0,1628	0,75	0,2734	I,08	0,3599						
0,10	0,0398	0,43	0,1664	0,76	0,2764	I,09	0,3621						
0,11	0,0438	0,44	0,1700	0,77	0,2794	1,10	0,3643						
0,12	0,0478	0,45	0,1736	0,78	0,2823	I,II	0,3665						
0,13	0,0517	0,46	0,1772	0,79	0,2852	1,12	0,3686						
0,14	0,0557	0,47	0,1808	0,80	0,2881	1,13	0,3708						
0,15	0,0596	0,48	0,1844	0,81	0,2910	1,14	0,3729						
0,16	0,0636	0,49	0,1879	0,82	0,2939	1,15	0,3749						
0,17	0,0675	0,50	0,1915	0,83	0,2967	1,16	0,3770						
0,18	0,0714	0,51	0,1950	0,84	0,2995	1,17	0,3790						
0,19	0,0753	0,52	U,1985	0,85	0,3023	1,18	0,3810						
0,20	0,0793	0,53	0,0019	0,86	0,3051	I,19	0,3830						
0,21	0,0832	0,54	0,2054	0,87	0,3078	1,20	0,3849						
0,22	0,0871	0,55	0,2088	0,88	0,3106	1,21	0,3869						
0,23	0,0910	0,56	0,2123	0,89	0,3130	1,22	0,3883						
0,24	0,0948	0,57	0,2157	0,90	0,3159	1,23	0,3907						
0,25	0,0987	0,58	0,2190	0,91	0,3186	I,24	0,3925						
0,26	0,1026	0,59	0,2224	0,92	0,3212	I,25	0,3944						
0,27	0,1064	0,60	0,2257	0,93	0,3238	I,26	0,3962						
0,28	0,1103	0,61	0,2291	0,94	0,3264	1,27	0,3980						
0,29	0,1141	0,62	0,2324	0,95	0,3289	1,28	0,3997						
0,30	0,1179	0,63	0,2357	0,96	0,3315	I,29	0,4015						
0,31	0,1217	0.64	0,2389	0,97	0,3340	I,30	0,4032						
0,32	0,1255	0,65	0,2422	0,98	0,3365	1,31	0,4049						

Продолжение прилож. 2

	$-\bar{x}$	$\bar{\phi}(x)$	x	$\bar{\phi}(\bar{x})$	x	$-\bar{\phi}(\bar{x})$		$\Phi(x)$
	1,32	0,4066	I,68 -	0,4535	2,08	0,4812	2,80	0,4974
	1,33	0,4082	I,69	0,4545	2,10	0,4821	2,82	0,4976
	I,34	0,4099	1,70	0,4554	2,12	0,4830	2,84	0,4977
	I,35	0,4115	1,71	0,4564	2,14	0,4838		0,4979
	I,36	0,4131	1,72	0,4573	2,16	0,4846	2,88	0,4980
	1,37	0,4147	I,73	0,4582	2,18	0,4854	2,90	0,4981
	1,38	0,4162	I,74	0,4591	2,20	0,4861	2,92	0,4982
		0,4177	I,75	0,4599	2,22	0,4868	2,94	0,4984
	1,40	0,4192	I,76	0,4608	2,24	0,4875	2,96	0,4988
	1,41	0,4207	1,77	0,4616	2,26	0,4881	2,98	0,4986
	I,42	0,4222	I,78	0,4625	2,28	0,4887	3,00	0,49865
			1,79	0,4633	2,30	0,4893	3,20	0,4993I
		0,4251	I,80	0,4641	2,32	0,4898	3,40	0,49966
	I,45.	0,4265	I,81	0,4649	2,34	0,4904	3,60	0,499841
		0,4279	1,82		2,36	0,4909	3,80	0,499928
	1,47		I,83.	0,4664	2,38	0,4913	4,00	0,499968
			I,84	0,4671	2,40	0,4918	2.0	0,499997
		0,4319	1,85	0,4678	2,42	0,4922	5,00	0,499997
	1,50	0,4332	1,86	0,4686	2,44	0,4927		- (D(V) - A)
		0,4345	1,87	0,4693	2,46	0,4931	X>	5 411
	1,52	0,4357	1,88	0,4699	2,48	0,4934		
	I,53	0,4370	1,89	0,4706	2,50	0,4938		
		0,4382	1,90	0,4713	2,52	0,4941		
	I,55	0,4394	1,91	0,4719	2,54	0,4945		
		0,4406	I,92	0,4726	2,56	0,4948		
	·I,57	0,4418	1,93	0,4732	2,58	0,4951		
	1,58	0,4429	1,94	0,4738	2,60	0,4953		
	1,59		1,95	0,4744	2,62	0,4956		
	1,60	0,4452	I,96	0,4750	2,64	0,4959		
	1,61	0,4463	I,97	0,4756	2,66	0,4961		
	1,62	0,4474	I,98	(.176I	2,68	0,4963		
	1,63	0,4484	1,99	0,4767	2,70	0,4935		
	I,64	0,4495	2,00	0,4772	2,72	0,4967		
	I,65	0,4505	2,02	0,4783	2,74	0,4969		
	I,66	0,4515	2,04	0,4793	2,76	0,4971		
1.00	1,67	0,4525	2,06	0,4803	2,78	0,4973		

```
I.I. 12. 1.2. 83. I.3. 362880; 80640; 282240. I.4. 151200.
1.5. 10. 1.6. C_6^2 \cdot C_6^4 = 60. 1.7. 1) 56; 2) 24; 3) C_4 \cdot 2^3 = 32.
1.8. 2 \cdot (4!)^2 = 1152. 1.9. 9 \cdot A_g = 4536. 1.10. 2^{32}. Cobet: MOK-
но зашифровать каждый нас р зубов последовательностью нулей и
единиц (нуль ставится, если на данном месте нет зуба, и еди-
ница, если есть). I.II. a) I2O; б) 625; в) 6. I.I2. 4!; 6.
I.I3. 300. I.I4. 2160. I.I5. 2940. I.I6. 60. I.I7. 3628800.
I.18. 360. I.19. 9 \cdot 10^4; 10^3; 52488; 13 \cdot 10^3. I.20. 33824 \cdot 10^4
I.2I. 600. I.22. 512. I.23. 2^n . I.24. 3 \cdot C^3 = 30.
       2.I. C = A + B_1 B_2; \bar{C} = \bar{A}(\bar{B}_1 + \bar{B}_2), 2.2. I) 3/20; 2) 0,7.
2.3. a) 5/18; d) II/36. 2.4. a) I/30; d) 0,5. 2.5. I/720.
2.6. 4!/5! = I/5. 2.7. 83/200. 2.8. I/720. 2.9. 3/II. 2.10. I/5<sup>4</sup>
2.II. 5!/5^5 = 24/625. 2.I2. 1) \frac{2N(N-2)!}{N!}; 2) \frac{2N}{A_{2}^2}
3) \frac{2}{N-1} . 2.13. P(A) = 0.001; P(B) = A_{10}^{2} \cdot 10^{-2} \approx 0.0605; P(C) =
 = 0, I; P(A) = \frac{7!}{3!2!2! \cdot 10^2} = 2, 1 \cdot 10^{-5}. 2.14. 1/7; 1/2. 2.15. 1/6.
Предполагая, что разрывы на участках одинаковой длины равно-
 возможны. 2.16. \approx 0,094. 2.17. 1/360. 2.18. 15/116. 2.19. \frac{312!}{6!}
 = 1/60. 2.20. P(A) = 1/6; P(B) = 5/12; P(A) = 35/36; P(\mathcal{F}) =
 = II/36. 2.2I. I) I; 2) 0,2. \frac{2.22}{8!} = 0,25;
d) -\frac{2 \cdot A_{11}^{2}}{6} = I/6. 2.23. P(A) = \frac{I}{6^{3}} = I/2I6; P(B) = I/36;
P(C) = \frac{\int_{6}^{3}}{6^{3}} = 5/9. \ 2.24. \ \frac{C_{n-m_{1}}^{m_{2}} \cdot C_{n-m_{1}}^{m_{2}} \dots C_{n-(m_{1}+m_{2}+\dots m_{n-2})}^{m_{n-1}}}{n^{n}}
 2.25. 0,25. 2.26. 0,05. 2.27. \frac{n-\kappa}{n+n'-\kappa} . 2.28. I/720
 2.29. 7/15. 2.30. ≈ 0,1174. 2.31. a) ≈ 0,448; d) ≈ 0,339.
 2.32. 3/8. 2.33. 2/3. 2.34. \frac{2.6 \cdot 8!}{10!} = 2/15. \frac{2.35}{2.35}. P(A) = \frac{4}{4^4} =
 = I/64; P(B) = 3/I6; P(C) = 3/32. 2.36. \frac{C_4^4 \cdot C_3^4}{C_5^6} \cdot \frac{C_8 \cdot C_8^4}{C_5^5} \cdot \frac{C_4^4 \cdot C_4}{C_5^3}
```

= 25/9I. 2.37. Т.к. Q = {точка брошена в круг радиуса 2}; A =

= { точка упала на одну из монет } , то $P(A) = \frac{2\pi z^2}{\pi R^2} = \frac{zz^2}{R^2}$. 2.38. $1 - \frac{1}{L} \cdot 2.39$. 0,6. 2.40. Т.к. $\Omega = \{(x,y): \frac{z^2}{A^2} + \frac{y^2}{R^2} < R^2 \}$ то $P(A) = \frac{S}{S_R} = \frac{\pi a \delta e^2}{\pi \alpha \delta} = R^2$. 2.41. Т.к. $\Omega = \{(p,q): |p| < 1, |q| < 1\}$, $A = \{(p,q): p^2 - 4pq > 0\}$,

TO P(A) = $\frac{S_A}{S_B} = \frac{2(1+\frac{1}{5},0,25\rho^2d\rho)}{2} = 13/24$.

2.42. 60 8 10 70 60 x

Пусть $\Omega = \{(x, y); 0 \le x \le 60, 0 \le y \le 60\}$, тогда $A = \{(x, y); 1x - y | \le \ell \ell\}$ (см. рисунок) и $P(A) = \frac{S_A}{S_2} = \frac{60 - 50}{60^2} = II/36.$ 2.43. ≈ 0.25 .

3.1. \overline{A} = {все изделия доброкачественные }; \overline{B} = {бракованных изделий менее двух }. 3.2. $0.4^3 \cdot 0.6$ = 0.0384. 3.3. 0.188. 3.4. $-\frac{32}{40}$ + $\frac{8}{40}$ $-\frac{32}{39}$ $\approx 0.964.$ 3.5. 0.875. 3.6. 0.388. 3.7. 0.788.

3.8. $\frac{1}{10} + \frac{9}{10} \cdot \frac{1}{9} + \frac{9}{10} \cdot \frac{8}{9} \cdot \frac{1}{8} + \frac{9}{10} \cdot \frac{8}{9} \cdot \frac{7}{8}$ $\frac{1}{7} = 0,4. \ 3.9. \ \text{Her.} \ 3.10. \ \text{Нусть A} = \{ \text{разрыв цепи} \}, \ \text{тогда}$

 $P(A) = I - P(\bar{A}) = I - 0.5(I - 0.6 \cdot 0.8 \cdot 0.4) \cdot 0.3 = 0.8788.$ 3.II. Пусть $A = \{$ выигрывает первый игрок $\}$, $B = \{$ выигрывает второй игрок $\}$, тогля $P(A) = \frac{I}{2} + \frac{I}{2} \cdot \frac{I}{2} \cdot \frac{I}{2} + \left(\frac{I}{2}\right)^5 + \frac{I}{2} \cdot \frac{$

 $(1+(\frac{1}{2})^{2}+\ldots=\frac{2}{3}, P(B)=1-P(A)=1/3, 3.12. P(A)=$

 $\frac{5}{20} \cdot \frac{5}{19} \cdot \frac{5}{18} \cdot \frac{5}{17} \cdot 4! \stackrel{?}{\sim} 0,129; P(B) = \frac{5}{20} \cdot \frac{4}{19} \cdot$

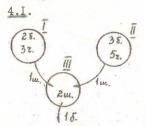
. $\frac{3}{18} \cdot \frac{2}{17} \cdot 4 \approx 0,00413$. 3.13. а) $\bar{A} = \{$ препятствие не по-

пало под левое колесо }; б) A + B = {препятствие вопало хотя бы под одно колесо }; в) A+B = { препятствие под волеса не пошало}; 3 14. а) 0.188; б) 0.452; в) 0.33%, 3.15. а) 0.6976; б) 0.9578, 3.16. 0.26. 3.17. а) 0.034; б) 0.976; в) 0.452. 3.18.а) 0.4; б) 80/81. 3.19. 13/125. 3.20. 1/15. 3.21. Не

менее 28. 3.22. ≈1-3 d. 3.23. ІЗ/Іб. Совет: перейти к противоположному событию. 3.24. a) $A+B=\Omega$; б) $A\cdot B=\emptyset$ 3.25. I/9. 3.26. 0,5. 3.27. 3I/96. 3.28. I/3. 3.29. I/6³. 3.30. 0,94. 3.31. P(A) = 0,9136; P(B) = 0,4344. 3.32. $P(A) \approx$ ≈0,318; P(B)≈ 0,388. 3 33. a) 0,216; d) 1/6. 3.34. I · 5 $\cdot \frac{C_3^2}{C_3^2} \approx 0,0028. \ 3.35.$ Первая. 3.36. $n \geqslant 13. \ 3.37. \ 1 - C_{n-m}^{\kappa} / C_n^{\kappa}$. 3.38. $P(A) = 10 \cdot C_9^2 \cdot C_3^3 \cdot C_4^4 \cdot \left(\frac{4}{7}\right)^{10} \approx 0,012; \ P(B) = \left(\frac{1}{4}\right)^{10} \approx 10^{-6}.$

3.39.
$$P_1 = \frac{2}{6} + \frac{4}{6} \cdot \frac{3}{5} \cdot \frac{2}{4} + \frac{4}{6} \cdot \frac{3}{5} \cdot \frac{2}{4} \cdot \frac{1}{6} \cdot \frac{3}{5} \cdot \frac{2}{4} \cdot \frac{3}{6} \cdot \frac{2}{5} \cdot \frac{2}{4} \cdot \frac{3}{6} \cdot \frac{2}{5} \cdot \frac{2}{4} \cdot \frac{2}{6} \cdot \frac{3}{5} \cdot \frac{2}{4} \cdot \frac{2}{6} \cdot \frac{3}{5} \cdot \frac{2}{4} \cdot \frac{2}{6} \cdot \frac{3}{5} \cdot \frac{2}{4} \cdot \frac{2}{6} \cdot \frac{2}{5} \cdot \frac{2}{6} \cdot \frac{2}{6} \cdot \frac{2}{5} \cdot \frac{2}{6} \cdot \frac{2}{6} \cdot \frac{2}{5} \cdot \frac{2}{6} \cdot \frac{$$

в) $1-\rho^3-2q\rho^3$. Совет: переходить к противоположным событиям.



A = { из третьей урны взят белый шар } .

Гипотезы: $H_1 = \{ \text{в третьей урне 2 белых шара} \}$; $H_2 = \{ \text{в третьей урне } \text{белый и черный шары } \}$ $H_3 = \{ \text{в третьей урне 2 черных } \}$ шара } (см. рисунок).

$$P(H_1) = \frac{2}{5} \cdot \frac{3}{8}$$
; $P(H_2) = \frac{2}{5} \cdot \frac{5}{8} + \frac{3}{5} \cdot \frac{3}{8}$; $P(H_3) = \frac{3}{5} \cdot \frac{5}{8}$; $P(A_1) = 1$; $P(A_2) = 1/2$; $P(A_3) = 0$. По формуле полной вероятности $P(A) = 31/80$. 4.2. 0,085. 4.3. 0,986. 4.4. 83 %. 4.5. 0,9075. 4.6. \approx 0,558. 4.7. \approx 0,1478. 4.8. В одну из урн положить I белый шер, в другую — все остальные. 4.9. 0,4. 4.10. \approx 0,2319. 4.11. 6/13. 4.12. 0,89. 4.13. \approx 0.583 4.14. 0,0031. 4.15. 0,78. 4.16. 0,87. 4.17. 1/3. 4.18. 0,3368.

4.19. ≈ 0,445. 4.20. ≈ 0.088. 4.21. $P = \frac{1}{3} \left(\frac{Q}{G+R} + \frac{C}{C+R} + 1 \right)$.

4.22. 0,875. 4.23. 0,86. 4.24. 0,764. 4.25. 0,977. 4.26. 0,22.

4.27. 0,975. 4.28. 0,015. 4.29. (a+b)(c+d+1)

4.31. Какие возможны предположения о первоначальном числе бе-Lлых шаров в урне? 5/12. 4.32. 7/18. 4.33. 349. 4.34. 3/7

```
5.I. P_{4}(z) = C_{4}^{2} \cdot \left(\frac{2}{3}\right)^{2} \left(\frac{1}{3}\right)^{2} = \frac{8}{2^{2}} \cdot 5.2. P_{10}(3 \le m \le 5) = P_{10}(3) + P_{10}(4) \Rightarrow
 +P_{po}(5) \approx 0.01.5.3. P(1 \le m \le 7) = 1-P_{po}(0) \approx 0.972.5.4. \approx 0.678.
 5.5. P<sub>1000</sub>(450) ≈.0,00017. 5.6. ≈ 0.5. 5.7. a) ≈ 0,1353;
 б) P_{400}(m \le 3) \approx 0,8571. 5.8. Вероятнее выиграть не менее 5 пар-
 тий из 8. 5.9. 5 \cdot 0,9^4 \cdot 0,1^2 = 0,0328. 5.10. Наивероятнейшее
 число мо попаданий при л бросках, в каждом из которых оно мо-
 жет появиться с вероятностью \rho , определяется из двойного не-
 равенства np-q\leqslant m_0\leqslant np+p , где q=1-p . Таким обра-
 зом, 2,9\leq m_o \leq 3,9. Наивероятнейшее число попадании m_o = 3.
 P_{t_2}(3) \approx 0,2397. 5.11. 0,2816. 5.12. \approx 0,0038. 5.13. 0,68256.
 5.14. ≈ 0.101. 5.15. ≈ 0.05. 5.16. a) ≈ 0.006; d) ≈ 0.5; E) ≈ 0.4013.
 5.17. 0,8725. 5.18. ≈ 0,0616. 5.19. Mo = 5. 5.20. No 200 BT.
 Указание: учесть общую энергию при подсчете числа опытов с
 батареей в 120 Вт и с батареей в 200 Вт. 5.21. 0,2.
 5.22. ≈ 0,2787. 5.23. ≈ 0,3292. 5.24. ≈ 0,4967. 5.25. P(C)≈
 ≈ 0,246; P(Д) ≈ 0,099. 5.26. 0,999. 5,27. ≈ 0,9586. 5.28. ≈ 0.02.
 5.29. ≈ 0.2385. 5.30. ≈ 0.1563. 5.31. a) ≈ 0.0902; d) ≈ 0.1429.
 5.32.≈0.965. 5.33. m_o = 4: P<sub>o</sub> (m_o) \approx 0.2508. 5.34. Известно, что
 P(|E-P| \le \varepsilon) \approx 2 \, P(\varepsilon \sqrt{\varepsilon}). Используя тволицу значений
 \Phi(x), находим n=69.
         6.1. Пусть $ - число винутых белых шаров. Т.к. Р( =0)=
 =5/6, P(\xi = I) = 1/6, то ряд распределения имеет вид

      1 ! 0 ! I
      6.2.
      5 ! 0 ! I ! 2

      P !5/6!1/6
      P!22/35!12/35!12/35

 6.3. $ ! I ! 2 ! 3 ! 4 ! 5 . 6.4. $ ! 0 ! I ! 2 P ! 0,36 ! 0,48 ! 0,16
6.5. $! 3 ! 4 ! 5 ! 6 ! 7 . 6.6. $! 0 ! I ! 2

P!I/6!I/6!I/3!I/6!I/6 P! 2/5 ! 8/I5 ! I/I5
 M_1 = 2/3; H_2 = 16/45; G_3 = 4\sqrt{5}/15; P(1 \le 5 \le 3) = P(5 = 1) + 1
 + P( \xi = 2) = 3/5; P(\xi \ge 2) = 1/15; P(\xi > M_{\xi}) = 3/5; P(\xi = 1,5) =
= 0;  \int_{\xi} (x) = \begin{cases} 0 & \text{при} = 0 \\ 2/5 & \text{при} = 0 \\ 14/15 & \text{при} = 1 \\ 1 & \text{при} = 1 \end{cases} = 3/5; P(\xi = 1, 5) 
6.7.  \int_{\xi} (x) = \begin{cases} 0 & \text{при} = 0 \\ 14/15 & \text{при} = 1 \\ 1 & \text{при} = 1 \end{cases} = 0,5; P(|\xi - M_{\xi}| < 1) = 0.75 
 \int_{\xi} (x) = \begin{cases} 0 & \text{при} = 0 \\ 14/15 & \text{при} = 1 \\ 1 & \text{при} = 1 \end{cases} = 0,5; P(|\xi - M_{\xi}| < 1) = 0.75 
 = 0,75. 6.8. 4. 6.9. \approx 1,96. 6.10. G_{\xi} \approx 0,73; P(|\xi - M_{\xi}| K G_{\xi}) = 25/28.
16.II. P(0,5< \( \xi \) ≈ 0,32; P(\( \xi = \kappa \) = \frac{5}{8} (\frac{3}{8}), \kappa =0,1,2...
```

```
6.12. I) 0,9375; 2) \approx 0,848. 6.15. a) Ma; \frac{5!}{P!} 0 ! I ! \frac{3!}{P!} 0,3 !0,2!0,5
       6) HeT. <u>6.16</u>. \frac{5!}{\rho!} 0 1 1 1 2 1 3 \frac{1}{0} P(\frac{5}{0} 1) = 0,258.
       \frac{6.17. \frac{1}{5} \cdot \frac{1}{1-2} \cdot \frac{1}{1} \cdot \frac{1}{1} \cdot \frac{1}{1}}{P \cdot \frac{1}{1} \cdot \frac{1}{1} \cdot \frac{1}{1}} \cdot \frac{1}{1} \cdot 
       I_{\parallel} = 8p(1 - p); I_{\eta} = 0. \underline{6.18}. P(A) \approx 0.018; P(B) \approx 0.865;
P(C) \approx 0.938. \underline{6.19}. M_{\tau} = 6 - e^{-\alpha} \cdot (4+3.5 \alpha + 1.5 \alpha^{2});
       \frac{7 + 2 + 2.5 + 3 + 6}{p + e^{-\alpha} + \alpha \cdot e^{-\alpha} + 2 \cdot e^{-\alpha} + 1 - e^{-\alpha} (1 + \alpha + \alpha^{2})}
       6.20. Fill 2 1 3 6.21. Fi 0 1 1 1 2 1 3 P10,210,610,2 P10,656110,291010,048610,0036
    \frac{!4}{!0,000I} = 6.22. \text{ A}_{\bullet} = 0,46; \text{ P($\mathfrak{f} \geqslant M_{\mathfrak{f}}$)} = 0,504. \frac{6.23}{6.23}. 4; \text{ P($\mathfrak{f} \leqslant 6$)} =
                                                                                \mathcal{F}_{\xi}(\mathbf{x}) = \begin{cases} 0, & \text{npn} & x \le 0 \\ 0, 729, & \text{npn} & 0 < x \le 1 \\ 0, 972, & \text{npn} & 1 < x \le 2 \\ 0, 999, & \text{npn} & 2 < x \le 3 \\ 1, & \text{npn} & x > 3 \end{cases}
       =I. 6.24.
      6.25. G = 5/12; P(|-M_b|^2) \approx 0.9259. 6.26. M_b = 3.5.
      6.27. <u>5! I! 3! 4</u> 6.28. а) да; б) М. может быть меньше Р!0,I!0,2!0,7
      нуля, а Д_{\epsilon} — нет. <u>6.29</u>. \mathcal{D}(\xi+\xi)\neq\mathcal{D}(\xi)+\mathcal{D}(\xi). <u>6.30</u>. P(\xi=\pm)=
     = 0,8<sup>k-1</sup>, 0,2, \kappa \in N; m_0 = 1.6.31.1) \alpha : \alpha
                          \{ (x) = \{ 0, \text{ при } x \le \alpha, M_a = \alpha : \mathbb{A}_a = 0. 6.32. 5. \text{ Совет: можно} \}
использовать формулу Пуассона. \frac{6.33}{4} f(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leqslant -1 \\ 1/4 & \text{при } -1 \leqslant x \leqslant 0 \\ 3/4 & \text{при } 0 \leqslant x \leqslant 1 \\ 1 & \text{при } x > 1 \end{cases}
  6.34. 0,8. 6.35. 5/36; I/6. 6.36. <u>$! I ! 2 ! 3 ! 4 ! 5</u>
P!I/42!5/2I!I0/2I!5/2I!I/42
     2) II/42. 6.37. M_{\xi} = 16/7; \mu_{\xi} = 24/49. 6.38. 2. 6.39. 4.
     6.40. Нет. Указание: найдите математическое ожидание выигрыша.
                                                      \mathbf{T}(\mathbf{x}) = \begin{cases} 0 & \text{npn} & x \le 0 \\ 0.5 & \text{npn} & 0 < x \le 1 \\ 0.75 & \text{npn} & 1 < x \le 2 \\ 0.875 & \text{npn} & 2 < x \le 3 \\ 0.9375 & \text{npn} & 3 < x \le 4 \\ 1 & \text{npn} & x > 4 \end{cases} ; P(-1 < \frac{1}{3} \le 2) = 0.875 . 
    6.4I.
```

```
6.42. \frac{1}{p} \cdot \frac{1}{q^{n-1}} \cdot \frac{1}{q^{n-2}} \cdot \frac{1}{p} \cdot \frac{1}{q^{n-1}} \cdot \frac{
6.43. \frac{\mu_{!} - I}{P_{!} q_{i} p_{k}! q_{i} q_{k} + p_{i} p_{k}! P_{i} q_{k}}, rue q_{i} = 1 - P_{i}, q_{k} = 1 - P_{k}.
           6.44.P(T=\kappa \tau) = 0.4<sup>k-1</sup>·0,6, \kappa \in N . 6.45. I) 0,2; 2) 0,9;
                3) 0,3; 4) 3. 6.46. I) M(\xi+\alpha)=M_{\xi}+\alpha; 2) \mathcal{D}(\xi+\alpha)=\mathcal{D}(\xi);
               3) G(\xi+\alpha)=G(\xi), 6.47. \xi = 0 ! \xi = 0 . 6.48. \xi = 0 P! \xi =
                  > P(\xi = i), rge i = 0, I, 3, 4, 5... 6.49. 300. 6.50. ≈ 0.1813.
               6.51. ≈ 41. Указание: предварительно найдите вероятность отка-
                  за ровно одного элемента за время одного опыта.

\rho(x) = \begin{cases} 0, 5, & x < 0 \\ 0, 5, & 0 \le x \le 2 \\ 0, & x > 2 \end{cases}

                                                           7.1. I) \alpha = 0.5;
            M_{\bar{\epsilon}} = I; \ H_{\bar{\epsilon}} = I/3; \ 3) \ P(0 \leqslant \bar{\epsilon} \leqslant I,5) = 0,75; \ P(\bar{\epsilon} > M_{\bar{\epsilon}}) = 0,5;
                P(\xi < I) = 0.5; P(|\xi - M_{\xi}|kI) = I. 7.2. \alpha = 0.5;
                P(-\pi < \frac{\pi}{5} < \frac{\pi}{2}) = 0.5; P(-\pi < \frac{\pi}{5} < 2\pi) = 1.7.3. I; 0; 0.25. 7.4. 2; 0.5; I. 7.5. <math>P_{\epsilon}(\infty) = \frac{1}{4\sqrt{2}} \cdot e^{-x} P[-\frac{(x^2-3)^2}{32}]; 0.1915; 0; 0.9772;
                  0,2266. 7.6. 0,4972. 7.7. 0,9973. 7.8. 0,9544, 7.9. I; 0,75;
                  0,875; 1. Совет: задача решается устно, если предварительно
                  построить график функции P_{\mathbf{t}}(\mathbf{x}). \frac{7.10}{f_{\mathbf{t}}(t)} = \begin{cases} 0 \\ 1-e^{-\lambda t} \end{cases}, при t < 0;
                             M_{g} = \frac{1}{\lambda}; \mathcal{D}_{g} = \frac{1}{\lambda}; G_{g} = \frac{1}{\lambda}; P(f < M_{g}) \approx 0,6321. 7.11. 1/8. 7.12. 0,5.
           7.13.0,1586.7.14.4,4\%.7.15.\alpha = 0,2; G = 0,287; P(1< < 2,5) = 0.287; P(
                  = 0.45. \frac{7.16}{7.16}. \alpha = 1/9: \alpha = 1/
                  7.17. M_{\xi} = 0; P(\xi \leq 0) = 1/2; P(|\xi| \leq 1/2) = 3/4. 7.18. a) \approx 0.8533:
                   6) \approx 0.9736. 7.19. T.K. G_{\xi} = 3/\sqrt{2} \text{ M/s} = -1, To P(\xi > 3) \approx 0.0294,
                   P(-1 < \xi < 2) \approx 0.4207. 7.20. 8) 1/\pi; F(x) = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} arctg \propto;
```

 $P(-I < \xi < I) = 0.5$; 6) Het. 7.2I. I) $P(A) \approx 0.3834$; 2) $P(B) \approx 0.3679$.

I. Устинов М.Д., Воробьева А.П. Теория вероятностей. Ч.І. - Мн.: БТИ им. С.М.Кирова, 1982. - 75 с.

- 2. Чистяков В.П. Курс теории вероятностей. М.: Наука; 1978. - 224 с.
- 3. Феллер В: Вредение в теорию вероятностей и ее приложения. Т.І. - М.: Мир, 1964. - 500 с.
- 4. Вентцель Е.С., Овчаров Л.А. Прикладные задачи теории вероятностей. М.: Радио и связь, 1983. 416 с.
- 5. Гурский Е.И. Соорник задач по теории вероятностей и математической статистике. Мн.: Вышэйшая школа, 1984. 223 с.

ОГЛАВЛЕНИЕ

Введение .			4- 1		١.	•	٠			•	•	0.	•	•	٠	٠			3
І.Элементы ко) MOM	нат	opi	akk	ı.		٠				٠		,0			•	•	-	3
2.Классическо	oe o	пре	де.	ner	ие	В	еp	rro	HO	CT	M								6
3.Теоремы сло	жен	RN	и	/ME	KO	ен	MA	ве	po	ЯI	HO	CT	ей						12
4.Формула пол	пной	ве	pog	at b	100	TH		Фор	ому	л8	Б	aŭ	ec	a.					18
5. Повторение	MCH	нта	ни	à.										٠.					23
Контрольная	a pa	for	a J	6I															27
6. Дискретные	СЛУ	чай	HH	e E	зел	PNI	ИH	ы .						٠.					28
7. Непрерывные	_																		35
Контрольная	a pa	dor	a J	162			0		-										42
8.Системы слу																			43
9. Приложение																			47
О.Приложение															,				48
Ответы																			50
Литература										1									56
obarl ba			-	-						-	-		-	_					